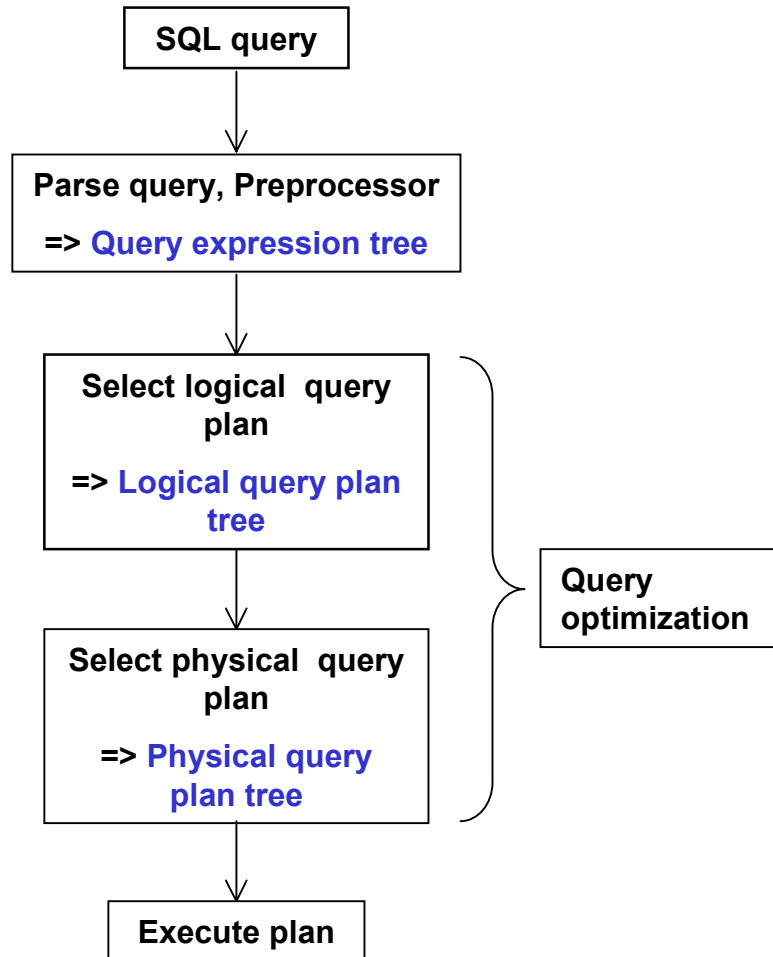


Užklausių kompiliavimas

(Query Compiler)





1. Užklausų kompiliavimas (Query compilation)

Sudaro 3 pagrindiniai žingsniai:

1.1 Parsing'as – iš SQL sakinio sudaromas parse medis (**parse tree**), atspindintis užklausos struktūrą.

1.2 Loginis užklausos planas (logical query plan) – algebrinė užklausos išraiška. Sudaromas loginio plano išraiškų medis (**logical plan tree**), kur parse medžio SQL operacijos yra pakeistos loginėmis/algebrinėmis operacijomis. Viena užklausa gali turėti kelis loginius planus.

1.3 Fizinis užklausos planas (physical query plan) – kiekviena loginio plano algebrinė operacija yra pakeičiama atitinkamu operacijos algoritmu. Sudaromas fizinio plano medis (**physical plan tree**).

2-ras ir 3-čias žingsniai apima ir užklausos optimizavimo veiksmus (**query optimization**):

- Pradinis loginis užklausos planas yra keičiamas optimaliausiu ekvivalentišku algebriniu planu.

- Kiekvienai loginio plano operacijai parenkamas optimalus ją vykdantis algoritmas, parenkama gera operatorių vykdymo tvarka.
- Nagrinėjama, koku būdu duomenys turi būti perduodami iš vienos operacijos į kitą, t.y. per pagrindinę atmintį, kietąjį diską, ar kitu būdu.

2. Parse medžiai

Iš SQL sakinio sudaromas parse medis (**parse tree**), atspindintis užklausos struktūrą.

Parse medžio **viršūnėse** yra:

- SQL raktiniai žodžiai (keywords: SELECT ir pan.),
- laukų, lentelių pavadinimai,
- konstantos,
- operatoriai (+, <, >, AND, OR ir t.t.),
- kategorijos, atstovaujančios užklausos dalį (<Condition>, <Query>, ir pan.).

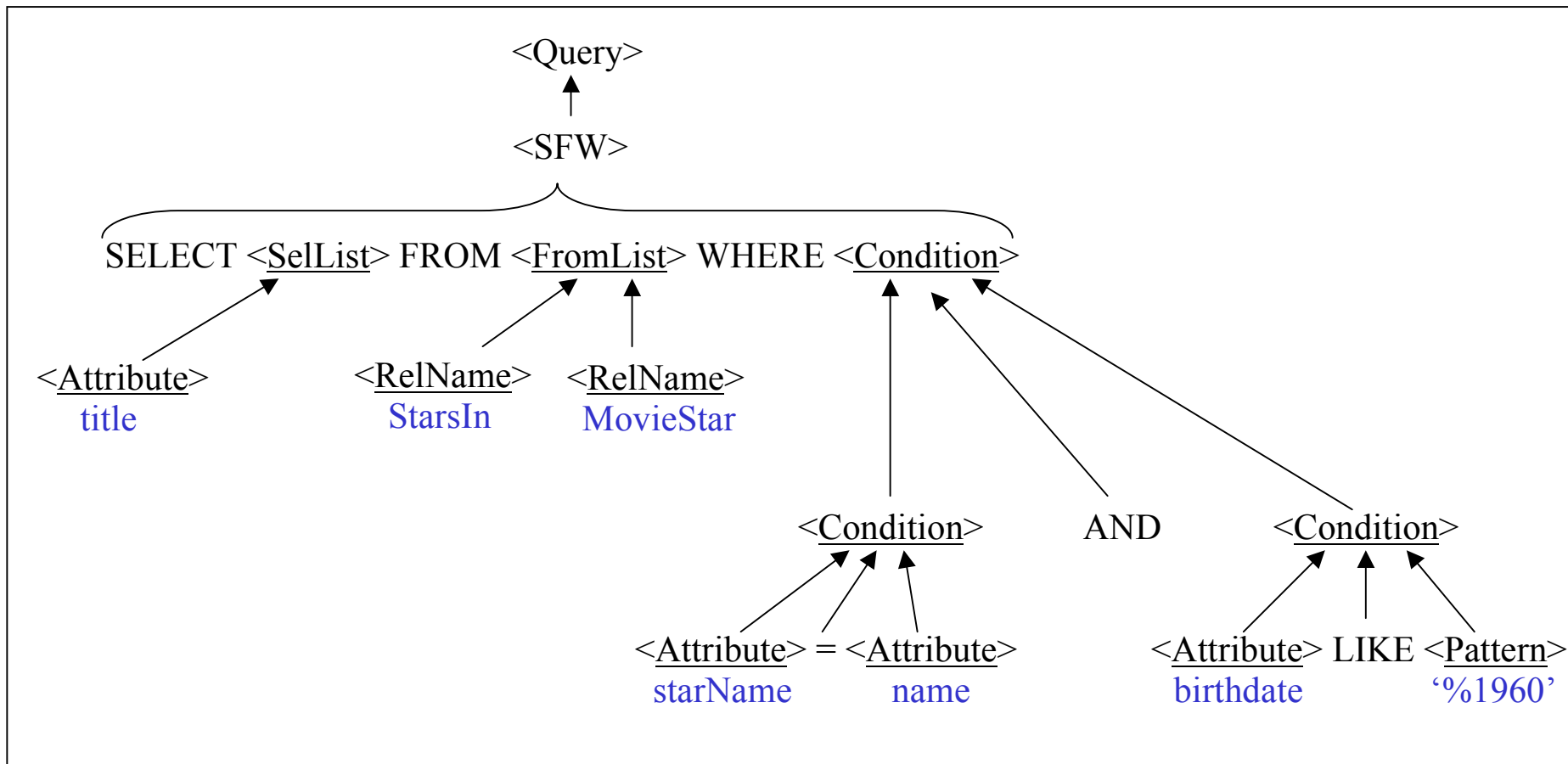
Pažymėjimai:

- **<SFW> = SELECT <SelList> FROM <FromList> WHERE <Condition>**
- **<Tuple>** - įrašas
- **<Attribute>** - laukas
- **<SelList>** - laukų sąrašas
- **<Relation>** - lentelė
- **<FromList>** - lentelių sąrašas
- **<Condition>** - sąlyga (WHERE <Condition>)
- **<Pattern>** - šablonas (LIKE <Pattern>)

Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, strName)

Rasti filmus, kur aktoriai gimę 1960.

SELECT title FROM StarsIn, MovieStar WHERE starName = name AND birthdate LIKE '%1960'



Pav.: Parse medis

2.1 Preprocesorius (Preprocessor)

Preprocesorius atlieka funkcijas:

- Patikrina, ar egzistuoja FROM- sąrašė išvardintas lentelės ir užklausos;
- Patikrina, ar nurodytose lentelėse egzistuoja SELECT- ir WHERE- sąrašuose išvardinti stulpeliai;
- Patikrina tipų suderinamumą išraiškose, ryšiuose, Where sąlygoje.

Jei **parse medis** netenkina bent vienos iš šių sąlygu, gražinama klaida.

Tolimesnis užklausos vykdymas nutraukiamas.

3. Loginio užklauso plano algebriniai operatoriai

3.1 Union, Intersection, Difference operatoriai

Atliekant algebrines operacijas reikia skirti **aibes (sets)** ir **bag'us**:

- **Aibėse (set)** kiekvienas elementas (įrašas) kartojasi po vieną kartą;
- **Bag'uose** elementas (įrašas) gali kartotis kelis kartus.

Duomenų bazių lentelės yra bag'ai.

Aibių (set) atveju yra standartinės algebrinės operacijos:

sąjunga \cup_S , sankirta \cap_S , skirtumas $-_S$

SQL komandos **UNION**, **INTERSECT**, **EXCEPT** eliminuoja pasikartojančius įrašus, t.y. jos veikia kaip aibių operacijos.

Bag'u atveju:

$R \cup_B P$ – įrašas t įeina: $k=(\#R + \#P)$ kartų;

$R \cap_B P$ – įrašas t įeina: $k=\min(\#R, \#P)$ kartų;

$R -_B P$ – įrašas t įeina: $k=(\#R - \#P)$ kartų, jei $k>0$, 0-kartų, jei $k\leq 0$;

Bag'us atitinka SQL komandos: **UNION ALL**, **INTERSECT ALL**, **EXCEPT ALL**.

3.2 Selection operacija

$\sigma_C(\mathbf{R})$ – atitinka SQL sakini: SELECT * FROM R WHERE <C>, kur C - <Condition>.

Rezultatas yra bag'as.

3.3 Projection operacija

$\pi_L(\mathbf{R})$ – atitinka SQL sakini: SELECT <L> FROM R, kur L – atrenkamu lauku sarašas.

Rezultatas yra bag'as.

3.4 Product operacija

$\mathbf{R} \times \mathbf{S}$ – atitinka SQL sakini: SELECT * FROM R, S

Jei $m = \#\mathbf{R}$, $n = \#\mathbf{S}$, tai $\#(\mathbf{R} \times \mathbf{S}) = mn$.

Rezultatas yra bag'as.

3.5.1 Natural-Join operacijos

$R \bowtie S$ – atitinka SQL sakini: SELECT R.a, R.b, S.c FROM R(a,b), S(b,c) WHERE R.b=S.b

Arba: $R \bowtie S = \pi_L(\sigma_C(R \times S))$, kur $C = \{R.b=S.b\}$, $L = \{a,b,c\}$.

Rezultatas yra bag'as.

3.5.2 Theta-Join operacija

$R \bowtie_C S$ – atitinka SQL sakini: SELECT * FROM R(a,b), S(b,c) WHERE R.b=S.b

Arba: $R \bowtie_C S = \sigma_C(R \times S)$, kur $C = \{R.b=S.b\}$, lauku sarašas bus $L = \{a,b,b,c\}$.

Rezultatas yra bag'as.

3.6 Duplicate Elimination operacija

$\delta(R)$ – atitinka SQL sakini: SELECT DISTINCT * FROM R

Iš bag'o padaro aibę, t.y. rezultatas yra aibė (set).

3.7 Grouping, Aggregation operacijos

Grupavimo ir agregavimo operacijos visada eina kartu.

$\gamma_L(\mathbf{R})$ – atitinka SQL sakini:

SELECT <L>, Aggreg(<L>) FROM R GROUP BY <L> HAVING <Condition>

kur L – bendras sąrašas laukų, pagal kuriuos grupuojama, (grouping attributes) ir kuriems taikomos agregavimo operacijos (aggregated attributes),

Aggreg - agregavimo operatoriai: **AVG, SUM, COUNT, MIN, MAX,**

Grupavimo operacija eliminuoja pasikartojančius įrašus, t.y. rezultatas yra aibė (set).

3.8 Rūšiavimo operatorius

$\tau_L(\mathbf{R})$ – atitinka SQL sakini: **SELECT * FROM R ORDER BY <L>**

kur L – sąrašas laukų, pagal kuriuos atliekamas lentelės rūšiavimas.

Rezultatas nėra aibė ar bag'as, o surūšiuotas įrašų sąrašas, tuo tarpu, kai kitos operacijos gražina aibes arba bagus. Todėl rūšiavimo operacijos algebrinėse išraiškose yra atliekamos paskutineje eileje.

4. Algebrinės Išraiškos medis (expression tree)

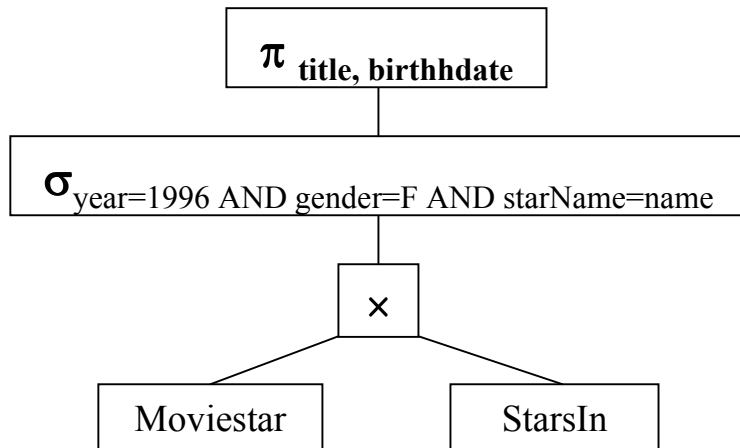
SQL sakinį galima užrašyti kaip algebrinę išraišką, kombinuojant algebrinius operatorius, kai vienas operatorius pritaikomas kito rezultatui (parse medyje SQL operatoriu pakeitus algebriniais operatoriais).

Algebrinę išraišką galima pavaizduoti kaip **išraiškos medį (expression tree)**.

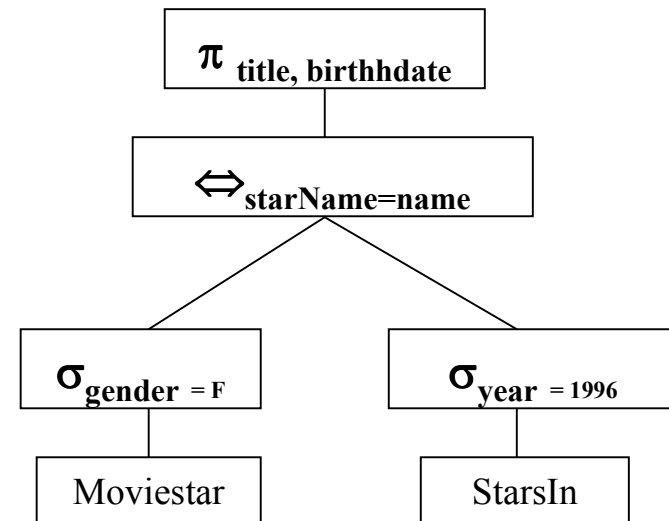
Medžio **lapai** yra lentelių pavadinimai, **vidiniai mazgai** yra algebriniai operatoriai.

Pvz: **MovieStar** (name, addr, gender, birthdate), **StarsIn** (title, year, strName)

SELECT title, birthdate FROM MovieStar, StarsIn WHERE year=1996 AND gender='F' AND starName = name



arba kitas algebrinis planas (geresnis, nes × ir σ reikalauja daugiau laiko negu ↔)



5. Algebrainių operacijų dėsniai

5.1 Komutatyvumas ($x+y=y+x$), Asociatyvumas ($(x+y)+z = x+(y+z)$)

Kai algebrinis operatorius yra komutatyvus ir asociatyvus, visus šio operatoriaus operandus grupuojant ir keičiant jų tvarką, bendras operatoriaus rezultatas nesikeis.

Tai galima pritaikyti optimizuojant užklausos loginius planus.

$$\mathbf{R} \left\{ \begin{array}{c} \cup \\ \cap \\ \times \\ \Leftrightarrow \end{array} \right\} \mathbf{S} = \mathbf{S} \left\{ \begin{array}{c} \cup \\ \cap \\ \times \\ \Leftrightarrow \end{array} \right\} \mathbf{R} \qquad (\mathbf{R} \left\{ \begin{array}{c} \cup \\ \cap \\ \times \\ \Leftrightarrow \end{array} \right\} \mathbf{S}) \left\{ \begin{array}{c} \cup \\ \cap \\ \times \\ \Leftrightarrow \end{array} \right\} \mathbf{T} = \mathbf{R} (\mathbf{S} \left\{ \begin{array}{c} \cup \\ \cap \\ \times \\ \Leftrightarrow \end{array} \right\} \mathbf{T})$$

Komutatyvios operacijos

Asociatyvios operacijos

Reik atkreipti dėmesį į skirtumus tarp aibių ir bag'ų. Aibėms turime:

$$\mathbf{A} \cap_{\mathbf{S}} (\mathbf{B} \cup_{\mathbf{S}} \mathbf{C}) = (\mathbf{A} \cap_{\mathbf{S}} \mathbf{B}) \cup_{\mathbf{S}} (\mathbf{A} \cap_{\mathbf{S}} \mathbf{C})$$

Tačiau neteisinga bag'ams:

$$\text{Pvz.: kai } \mathbf{A}=\mathbf{B}=\mathbf{C}=\{\mathbf{x}\}: \mathbf{A} \cap_{\mathbf{B}} (\mathbf{B} \cup_{\mathbf{B}} \mathbf{C}) = \{\mathbf{x}\}, (\mathbf{A} \cap_{\mathbf{B}} \mathbf{B}) \cup_{\mathbf{B}} (\mathbf{A} \cap_{\mathbf{B}} \mathbf{C}) = \{\mathbf{x}, \mathbf{x}\}$$

5.2. Selection σ dėsniai

Pagrindinė taisyklė:

Perkelti Selection veiksmą σ (WHERE) algebriniame medyje kaip galima į žemesnį lygmenį (push-down).

Tai daugeliu atvejų smarkiai optimizuoja užklausą, kuo anksčiau sumažinamas įrašų, su kuriais dirbama, skaičius. Yra išimtiniai atvejai, kai šis veiksmas nepasiteisina.

Veiksmo σ perkeltimo žemyn (push-down) algebriniame medyje dėsniai:

- **<Condition>** sąlygą išskaidyti į sudedamąsias dalis.

Sąlygos dalis, kuriose dalyvuoja tik vienos lentelės laukai, nuleisti į žemesnį medžio lygį:

- $(\sigma_{C1} \text{ AND } \sigma_{C2}) (\mathbf{R}) = \sigma_{C1} (\sigma_{C2} (\mathbf{R}))$
- $(\sigma_{C1} \text{ OR } \sigma_{C2}) (\mathbf{R}) = \sigma_{C1} (\mathbf{R}) \cup_S \sigma_{C2} (\mathbf{R})$,

(galioja tik aibems, negalioja bag'ams, nes \cup_S eliminuoja pasikartojancius įrašus)

Veiksmo σ perkeliimo žemyn (push-down) algebriniame medyje desniai:

2. Sąlygos, kaip selection veiksmą leisti i žemesni medžio lygį per **binarines operacijas**:

- **Sajunga (union)** – σ butina leisti i abudu sajungos operatoriaus argumentus (abi sajungos operatoriaus šakas):

$$\sigma_C (\mathbf{R} \cup \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) \cup \sigma_C (\mathbf{S})$$

- **Skirtumas (difference)** – σ butina leisti i pirmaji skirumo operatoriaus argumenta. Galima pasirinktinai ir i antraji, tai rezultatui dideles itakos neturi:

$$\sigma_C (\mathbf{R} - \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) - \mathbf{S} \quad , \text{ arba } \quad \sigma_C (\mathbf{R} - \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) - \sigma_C (\mathbf{S})$$

- **Sankirta (Intersection), Sandauga (Product), Saryšis (Join)** - σ butina leisti bent i viena operatoriaus argumenta. Galima pasirinktinai ir i antraji, tai rezultatui dideles itakos neturi:

$$\sigma_C (\mathbf{R} \cap \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) \cap \mathbf{S} ;$$

$$\sigma_C (\mathbf{R} \times \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) \times \mathbf{S} ;$$

$$\sigma_C (\mathbf{R} \Leftrightarrow \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) \Leftrightarrow \mathbf{S} ;$$

$$\sigma_C (\mathbf{R} \Leftrightarrow_C \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) \Leftrightarrow_C \mathbf{S} ;$$

Jei salyga C neišsiskaido i nepriklausomas dalis: $\sigma_C (\mathbf{R} \Leftrightarrow \mathbf{S}) = \sigma_C (\mathbf{R}) \Leftrightarrow \sigma_C (\mathbf{S})$

Veiksmo σ perkeltimo žemyn (push-down) algebriniame medyje desniai:

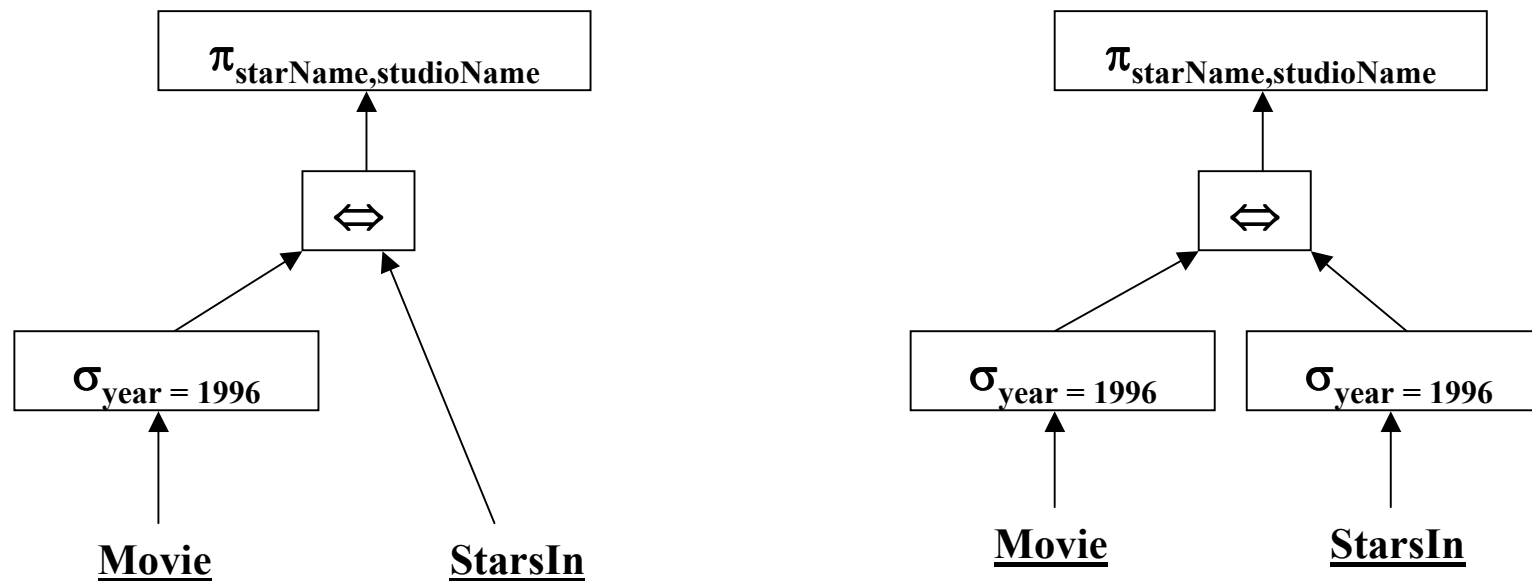
ATVIRKŠTNIS ATVEJIS:

- Galimas atvejis, kai optimaliau selection veiksmą pakelti aukštyn, ir tuomet leisti visomis galimomis šakomis į žemesnį medžio lygį:

Pvz.: StarsIn(title, year, starName), Movie(title, year, length, studioName)

CREATE VIEW MoviesOf1996 As SELECT * FROM Movie WHERE year = 1996;

SELECT starName, studioName FROM MoviesOf1996 NATURAL JOIN StarsIn



5.3. Projection π dėsniai

Veiksmas π (SELECT a1, ..., an) - dažnai projekcija išlieka pradinėje pozicijos, ir papildomai nustūmiama į žemesnį medžio ligį (push-down).

Projekcija neduoda tokio didelio optimizavimo, kaip Selection operatoriaus nustūmimas, nes įrašų skaičius nesumažinamas, gali būti sumažinamas tik laukų skaičius.

Projekcijos π perkeltimo žemyn (push-down) medyje dėsniai:

- **Projekciją galima taikyti betkuriame algebrinio medžio mazge**, kur aukštesnuose lygiuose arba galutiniame rezultate nėra naudojami eliminuojami laukai.
- $\pi_L (\mathbf{R} \Leftrightarrow \mathbf{S}) = \pi_L (\pi_M (\mathbf{R}) \Leftrightarrow \pi_N (\mathbf{S}))$, $\pi_L (\mathbf{R} \Leftrightarrow_C \mathbf{S}) = \pi_L (\pi_M (\mathbf{R}) \Leftrightarrow_C \pi_N (\mathbf{S}))$,
kur M – visi ryšyje (salygoje C) naudojami ir saraše L esantys R lentelės laukai, N – visi ryšyje naudojami ir saraše L esantys S lentelės laukai.
- 3. $\pi_L (\mathbf{R} \times \mathbf{S}) = \pi_L (\pi_M (\mathbf{R}) \times \pi_N (\mathbf{S}))$, kur M – visi saraše L esantys R lentelės laukai, N – visi saraše L esantys S lentelės laukai.
- 4. $\pi_L (\sigma_C (\mathbf{R})) = \pi_L (\sigma_C (\pi_M (\mathbf{R})))$, kur M –salygoje C naudojami ir saraše L esantys R laukai.
- 5. $\pi_L (\mathbf{R} \cup_B \mathbf{S}) = \pi_L (\mathbf{R}) \cup_B \pi_L (\mathbf{S})$.
- 6. **Projekcijos negalima nustumti žemiau sąjungos aibių atveju, ir žemiau sankirtos ir skirtumo aibių ir bag'u atveju.** Pvz.: $R(a,b)=\{(1,2)\}$, $S(a,b)=\{(1,3)\}$. Tada: $\pi_L (R \cap S) = 0$, $\pi_L (R) \cap \pi_L (S) = \{(1)\}$

5.4. Join ir Product dėsniai

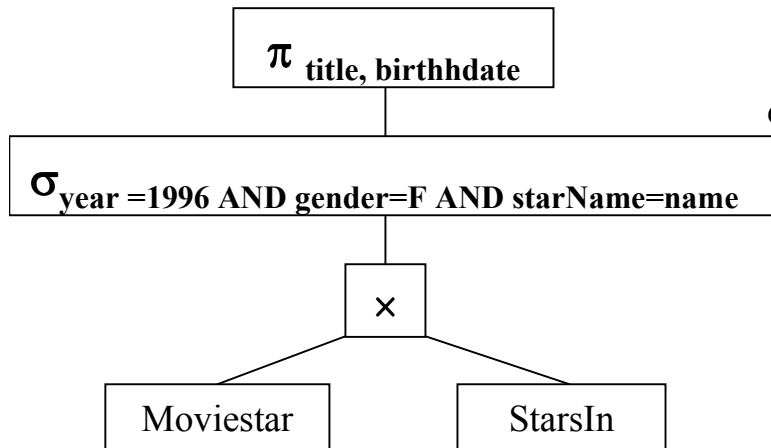
Sąryšio (join) ir sandaugos (product) dėsniai (\Rightarrow iš apibrėžimo):

- $R \Leftrightarrow S = \pi_L (\sigma_C (R \times S))$,
- $R \Leftrightarrow_C S = \sigma_C (R \times S)$

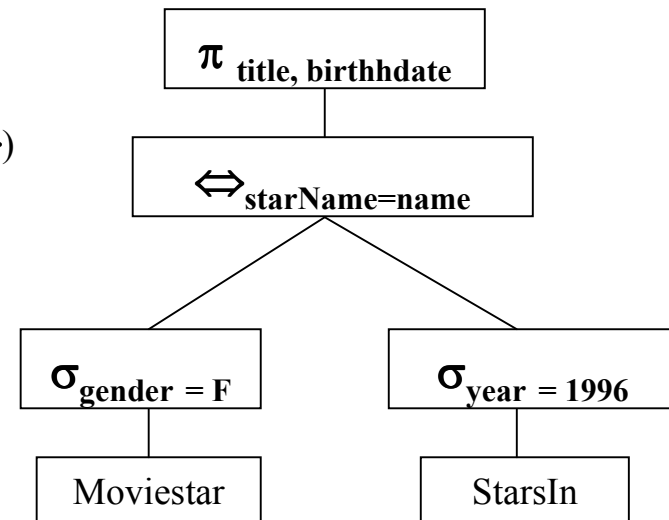
Optimizuojant apsimoka Sandaugos (Product) ir Select operacijų kombinacija keisti sąryšiu (Join), nes esant dideliems duomenų kiekiams sąryšio operatoriaus algoritmai veikia greičiau negu Product ir Select operacijų kombinacijos algoritmai.

Pvz: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, strName)

SELECT title, birthdate FROM MovieStar, StarsIn WHERE year=1996 AND gender='F' AND starName = name



arba kitas algebrinis planas (geresnis, nes \times ir σ reikalauja daugiau laiko negu \Leftrightarrow)



5.5. Duplicate Elimination dėsniai

Duplicate Elimination δ dėsniai:

1. $\delta(\mathbf{R}) = \mathbf{R}$, jei R nera pasikartojanciu irasū.

Lenetelems su pirminiu raktu (primary key) ir po γ (GROUP BY) operacijos gautiems irasamas, nes grupavimo operacija eliminuoja pasikartojancius irasus.

2. $\delta(\mathbf{R} \times \mathbf{S}) = \delta(\mathbf{R}) \times \delta(\mathbf{S})$

3. $\delta(\mathbf{R} \leftrightarrow \mathbf{S}) = \delta(\mathbf{R}) \leftrightarrow \delta(\mathbf{S})$, $\delta(\mathbf{R} \leftrightarrow_C \mathbf{S}) = \delta(\mathbf{R}) \leftrightarrow_C \delta(\mathbf{S})$

4. $\delta(\sigma_C(\mathbf{R})) = \sigma_C(\delta(\mathbf{R}))$

5. $\delta(\mathbf{R} \cap_B \mathbf{S}) = \delta(\mathbf{R}) \cap_B \mathbf{S} = \mathbf{R} \cap_B \delta(\mathbf{S}) = \delta(\mathbf{R}) \cap_B \delta(\mathbf{S})$

6. $\delta(\mathbf{R} \cup_S \mathbf{S}) = \mathbf{R} \cup_S \mathbf{S}$

5.6. Grupavimo ir agregavimo operacijų γ dėsniai

Grupavimo ir agregavimo operacijos γ dėsniai:

- Po γ operacijos gautiems išrašams nereikia taikyti duplicate elimination δ , nes grupavimo operacija eliminuoja pasikartojančius išrašus:

$$\delta (\gamma_L (R)) = \gamma_L (R) \quad \leftarrow \text{cia } \delta - \text{nereikalingas}$$

2. Prieš γ operaciją išrašams taikyti duplicate elimination δ galima tik dviem atvejais:

- Kai agreguojamos funkcijos yra **MIN** arba **MAX**, duplicate elimination δ operacija galutiniam rezultatui itakos neturi:

$$\gamma_L (R) = \gamma_L (\delta (R))$$

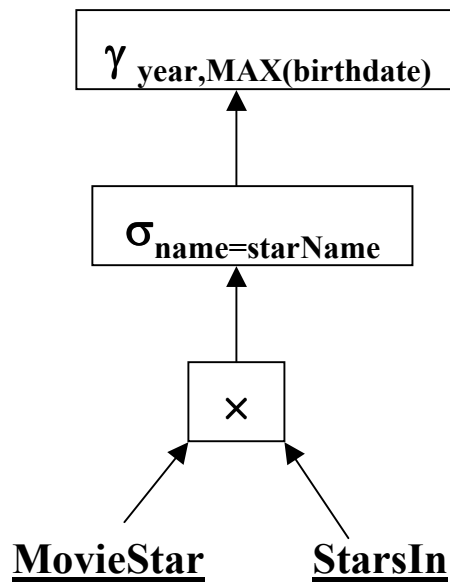
Tokiu atveju γ operacija vadinama **duplicate-invariantiška** (duplicate-impervious).

- b) Kai agreguojamos funkcijos yra **SUM**, **COUNT** arba **AVG**, duplicate elimination δ operacija gali pakeisti galutinį rezultatą, todėl δ veiksmo šiuo atveju negalima atlikti prieš grupavimą.

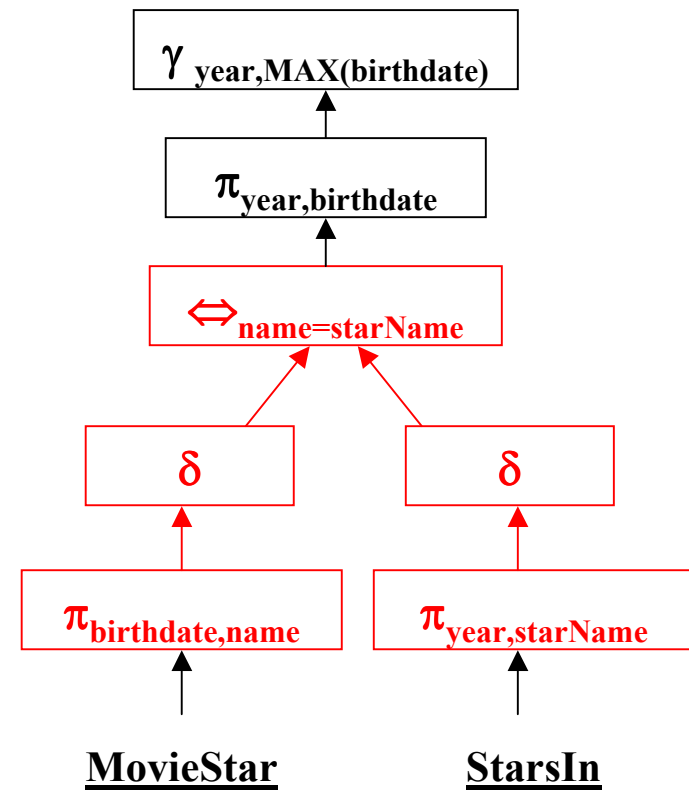
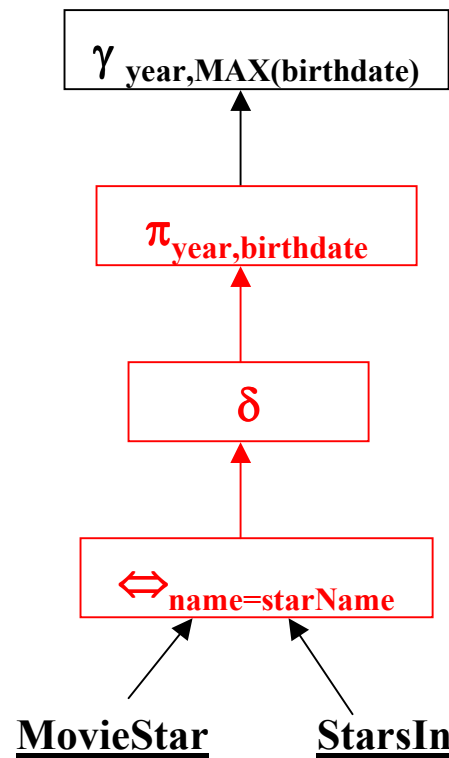
Grupavimo ir agregavimo operacijos γ desniai:

Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

SELECT year, **MAX**(birthdate) **FROM** MovieStar, StarsIn **WHERE** name=starName **GROUP BY** year ;



Pradinis užklauso planas



6. Parse medžių konvertavimas į Loginius užklausos medžius

Du žingsniai:

- Parse medžio viršūnėse esančius SQL operatorius pakeisti algebriniais operatoriais;
- Gautą algebrinį medį optimizuoti, pasinaudojant algebrinių operacijų dėsniais.

6.1 Parse medžio konvertavimas į algebrinį medį, kai <Condition> nėra subužklausa

Pagrindinė taisyklė:

Turime <SFW> užklausa: **<SFW> = SELECT <SelList> FROM <FromList> WHERE <Condition>**

kur <Condition> nėra subužklausa, o paprastas reiškinys. Tada visa <SFW> užklausa iš karto galime pakeisti algebrine išraiška, kuri konstruojama iš apačios į viršų:

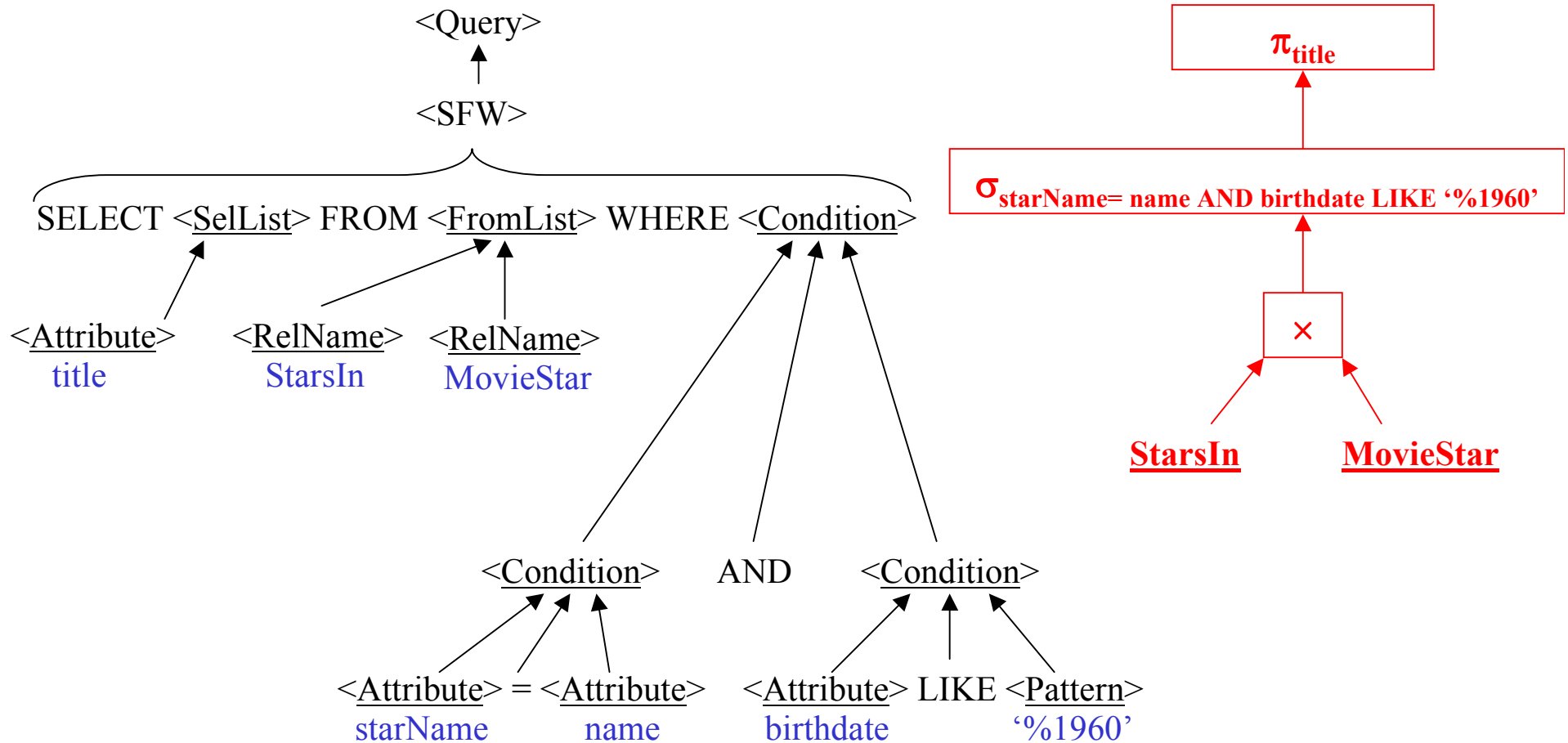
- Imama sandauga \times (product) visų <FromList> sąraše išvardintų lentelių. Rezultatas **R1** yra 2-ros operacijos argumentas:
- Taikomas selection operatorius σ_C (**R1**), kur $C=<Condition>$. Rezultatas **R2** yra 3-čios operacijos argumentas:
- Taikoma projekcija π_L (**R2**), kur $L=<SelList>$.

=> Algebrine <SFW> išraiška: **$\pi_{\langle SelList \rangle} (\sigma_{\langle Condition \rangle} (\times (\langle FromList \rangle)))$**

Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

Rasti filmus, kur aktoriai gimę 1960.

SELECT title FROM StarsIn, MovieStar WHERE starName = name AND birthdate LIKE '%1960'



6.2 Parse medžio konvertavimas į algebrinį medį, kai <Condition> yra subužklausa

Pagrindinė taisyklė:

Turime <SFW> užklausa: **<SFW> = SELECT <SelList> FROM <FromList> WHERE <Condition>**

kur <Condition> yra subužklausa.

- Pažymėkime σ - selection operatoriu, kuris gali turėti du argumentus (two argument selection). Tokio σ mazgo kairysis vaikas bus lentelė R iš <FROM> sarašo, dešinysis vaikas bus <Condition> išraiška atspindintis pomedis.
- Operatorių σ pakeisime standartiniu vieno argumento select operatoriumi $\sigma_C()$, arba kitais algebriniais operatoriais.

2.a) Kai subužklausa nėra susijusi su išorine užklausa (uncorrelated), ją galima paskaičiuoti vieną kartą.

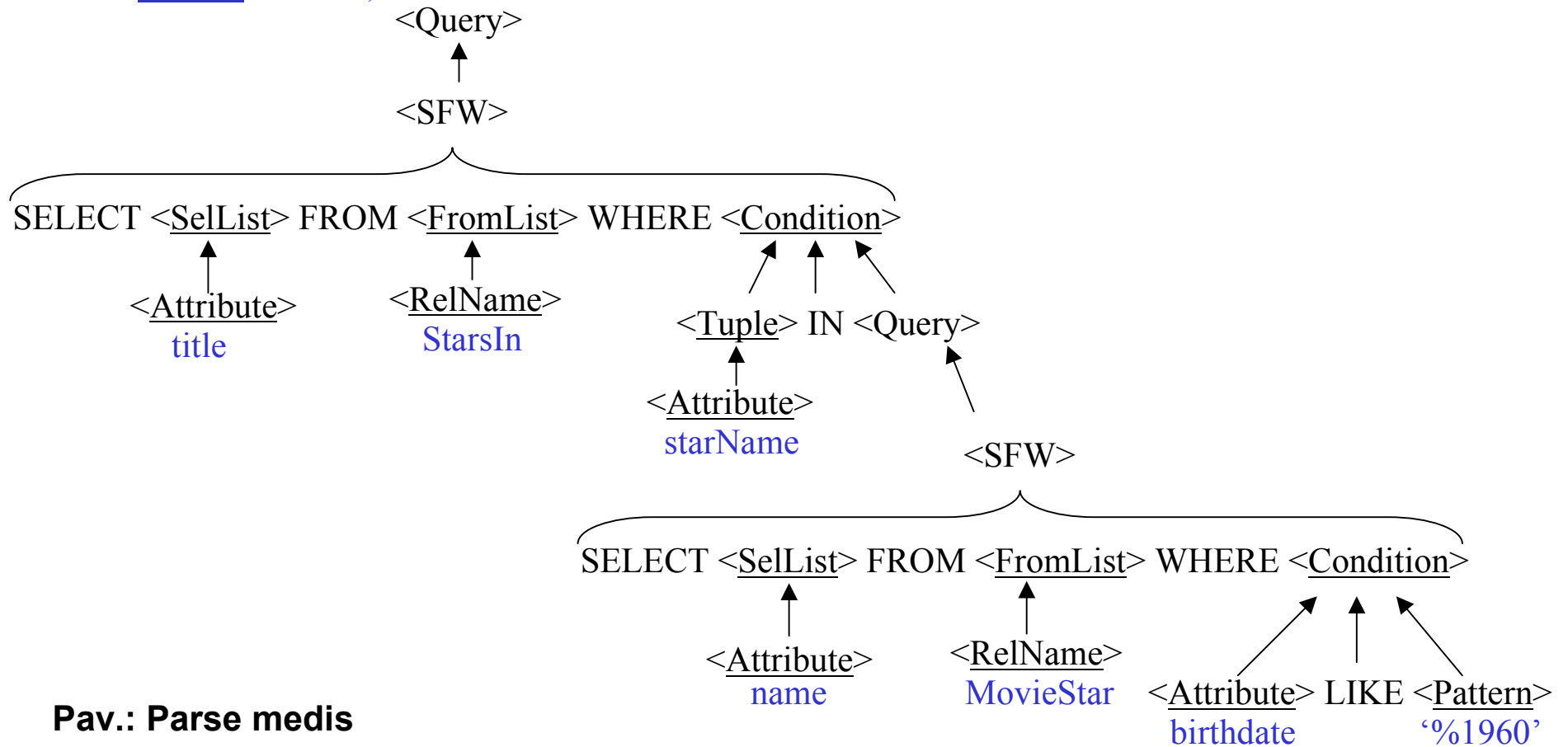
Tegu σ turi du argumentus: **R – lentelė, <Condition>= t IN S**, kur S yra nesusieta subužklausa, t – yra lentelės R stulpelių sarašas. Tada medį transformuosim pagal taisyklę:

- Mazgas <Condition> pakeičiamas subužklausos S medžiu. Jei S gali turėti pasikartojančiu reikšmiu, S-medžio šaknyje pridedamas operatorius δ .
- Dvieju argumentu select operatorius σ keičiamas vieno argumentu select operatoriumi $\sigma_C(P)$, kur : C - yra sąlyga prilyginanti kiekviena stulpelį iš t atitinkamam S stulpeliui, **P = R × S**

Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

Rasti filmus, kur aktoriai gimę 1960.

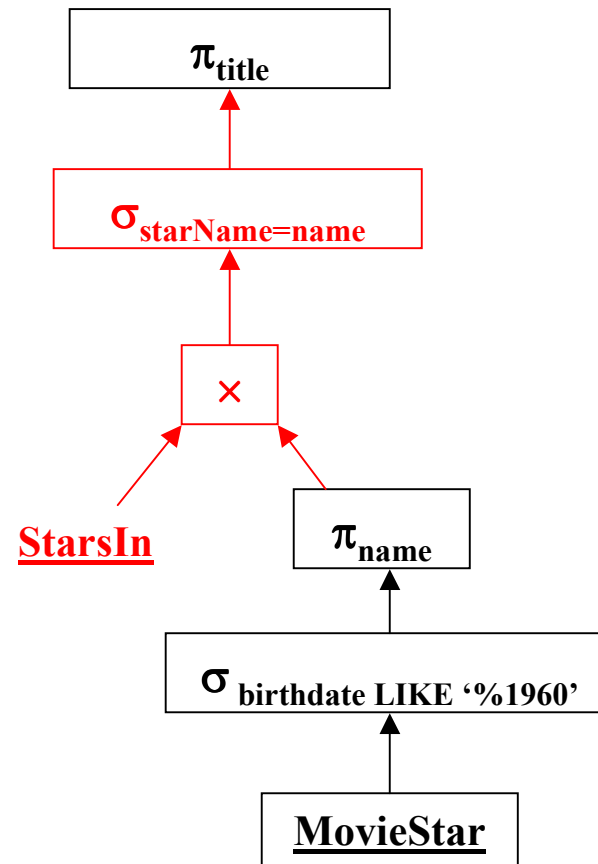
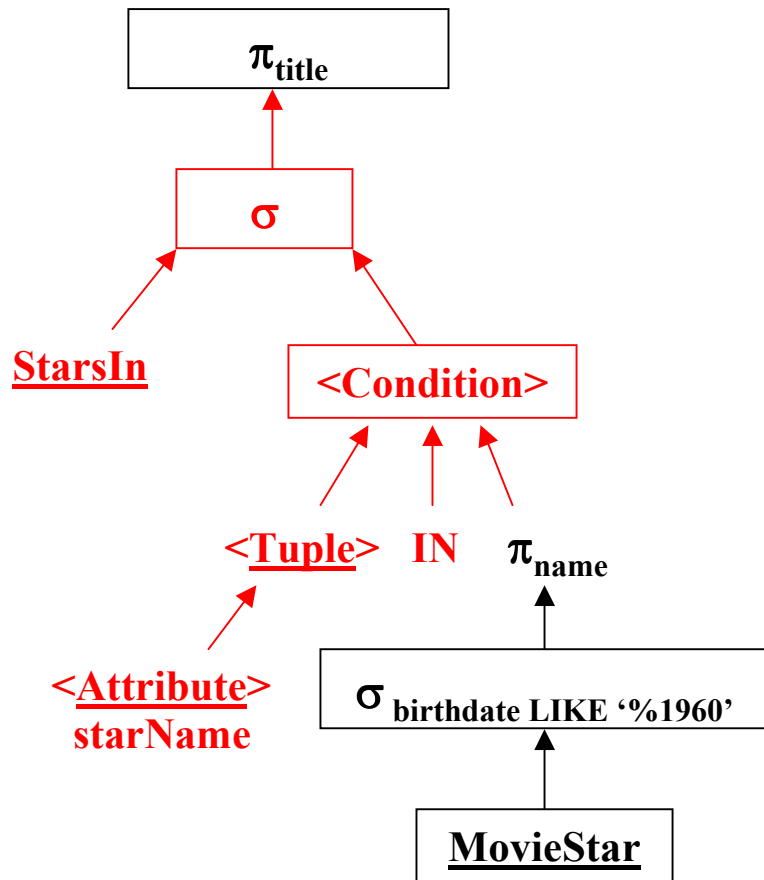
SELECT title FROM StarsIn WHERE starName IN (SELECT name FROM MovieStar WHERE birthdate LIKE '%1960')



Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

Rasti filmus, kur aktoriai gimę 1960.

SELECT title FROM StarsIn WHERE starName IN (SELECT name FROM MovieStar WHERE birthdate LIKE '%1960')



6.3 Parse medžio konvertavimas į algebrinį medį, kai <Condition> yra Subužklausa

2.b) Kai <Condition> subužklausa yra susijusi su išorine užklausa (correlated):

- Subužklausa turi būti sudaryta taip, kad gražintų vidinius laukus, kurie aukštesniame medžio lygyje bus naudojami sudarant ryšį (relation) su išorinės užklaustos laukais.
- Išorinėje užklausoje nenaudojamus laukus galima eliminuoti projekcijos pagalba.
- Gavus rezultatą, patikrinti, ar eliminuoti pasikartojantys įrašai.

Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

Rasti filmus, kur aktorių vidutinis amžius filmo statymo metu buvo ≤ 40 metų.

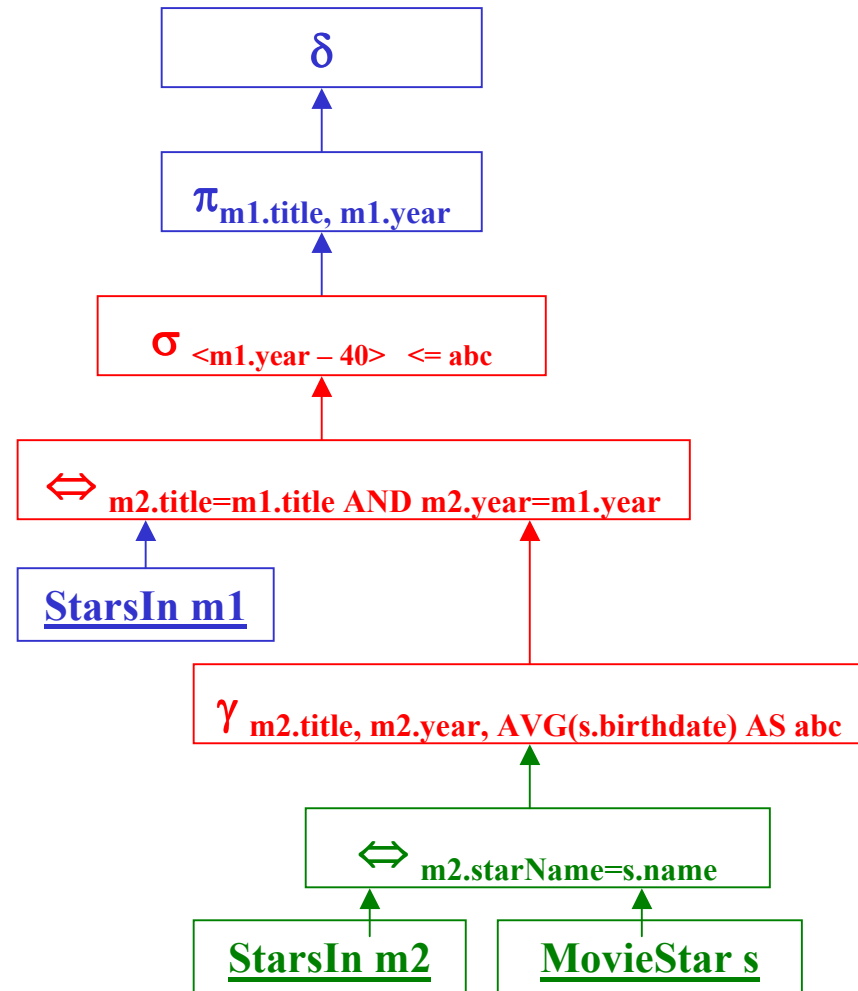
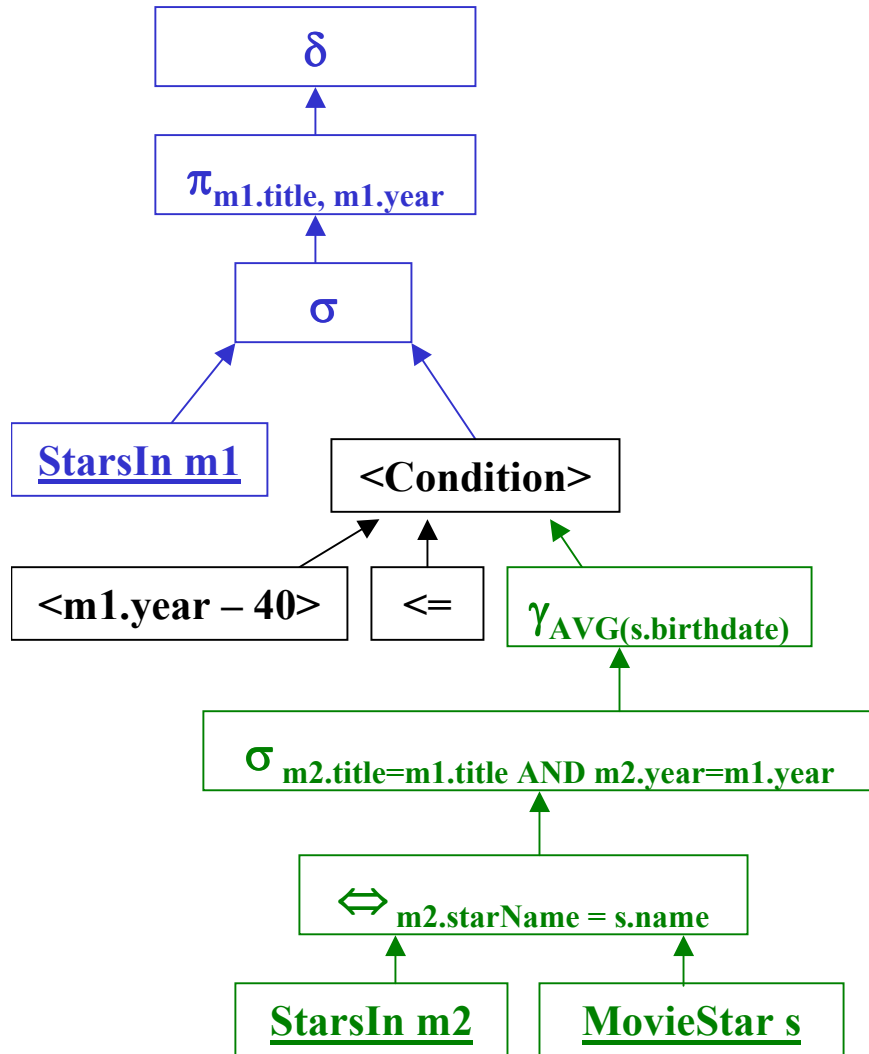
```
SELECT DISTINCT m1.title, m1.year FROM StarsIn m1 WHERE m1.year - 40 <=
(SELECT AVG(birthdate) FROM StarsIn m2, MovieStar s
WHERE m2.starName = s.name AND m1.title = m2.title AND m1.year = m2.year)
```

Pvz.: Kai <Condition> subužklausa yra susijusi su išorine užklausa (correlated):

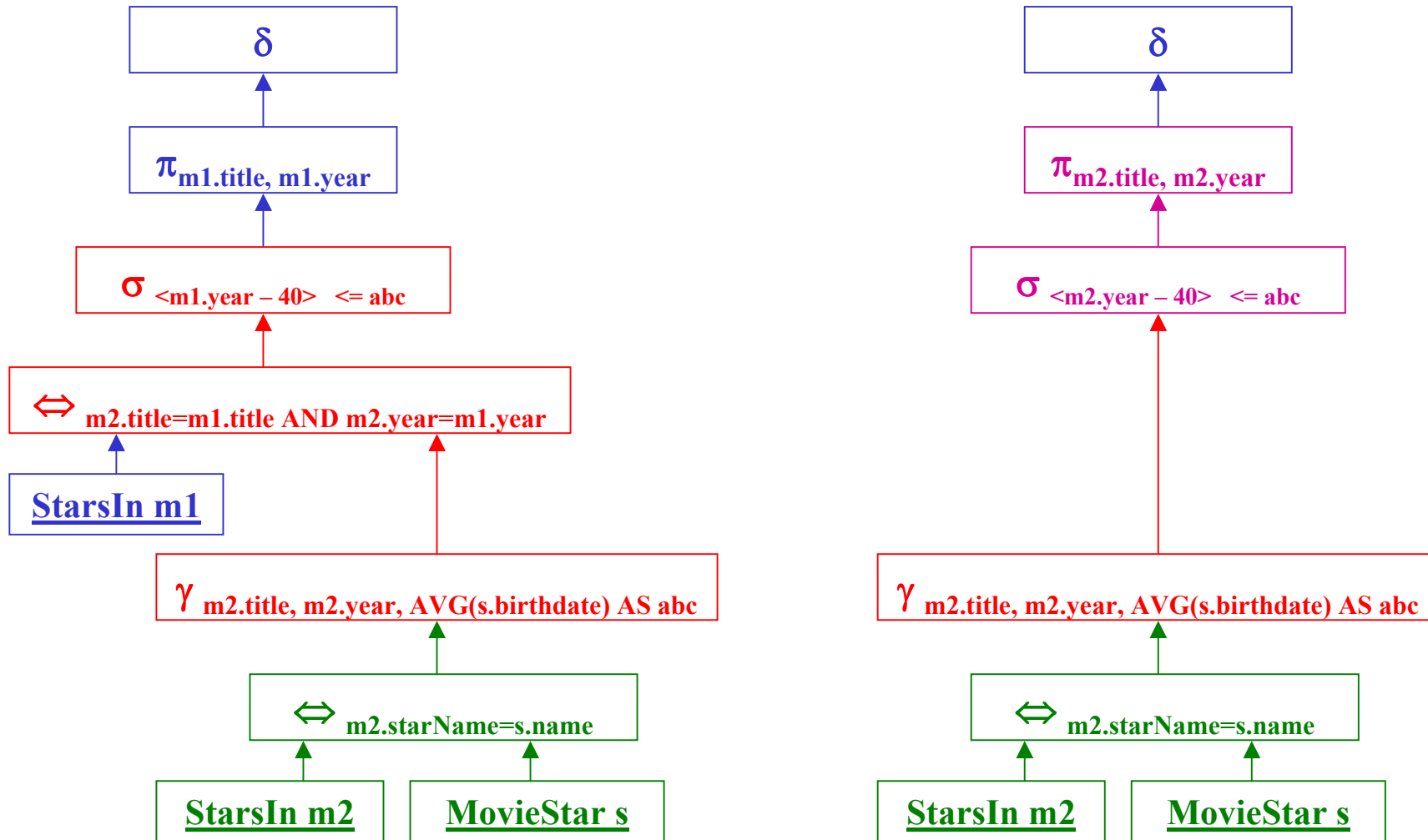
SELECT DISTINCT m1.title, m1.year FROM StarsIn m1 WHERE m1.year - 40 <=

(SELECT AVG(birthdate) FROM StarsIn m2, MovieStar s

WHERE m2.starName = s.name AND m1.title = m2.title AND m1.year = m2.year)



Pvz.: Kai <Condition> subužklausa yra susijusi su išorine užklausa (correlated):



6.4 Loginio medžio optimizavimas (improving)

Pagrindinės algebrinio medžio optimizavimo taisyklės:

- Selection operatorius σ nuleidžiamas į kiek galima žemesnį medžio lygį;
- Projekcijos operatorius π nuleidžiamas į kiek galima žemesnį medžio lygį. Pridedamos papildomos projekcijos;
- Duplicate elimination δ operatorius kai kur galima eliminuoti, arba perstumti į kitą poziciją;
- Selection ir sandaugos operatorių kombinacijas $\sigma(\mathbf{R} \times \mathbf{S})$ pakeisti ryšio operatoriumi \leftrightarrow (join).
- Pritaikyti operacijų komutatyvumo ir asociatyvumo savybes:

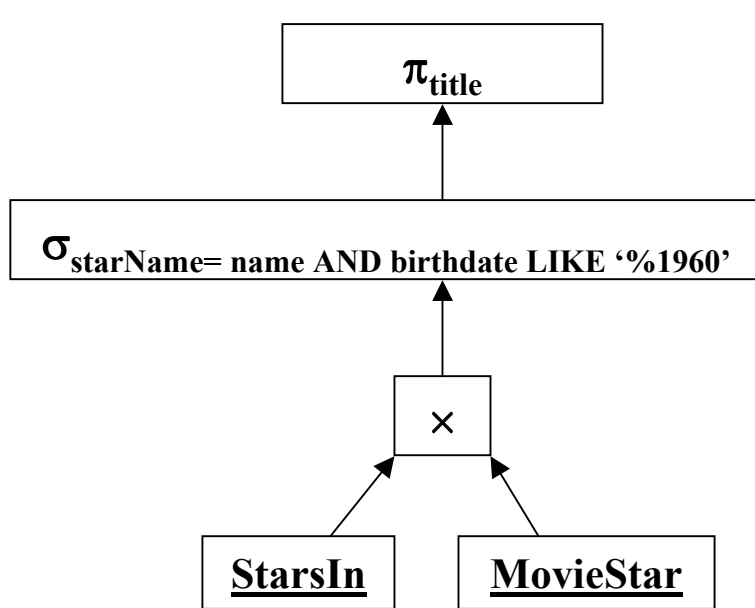
Mazgus, kurie turi tą patį komutatyvų-asociatyvų operatorių, galima apjungti į vieną mazgą su daug vaikų.

Dažniausiai pasitaikančios komutatyvios-asociatyvios operacijos yra paprastas ryšys (natural join) sąjunga (union) ir sankirta (intersection).

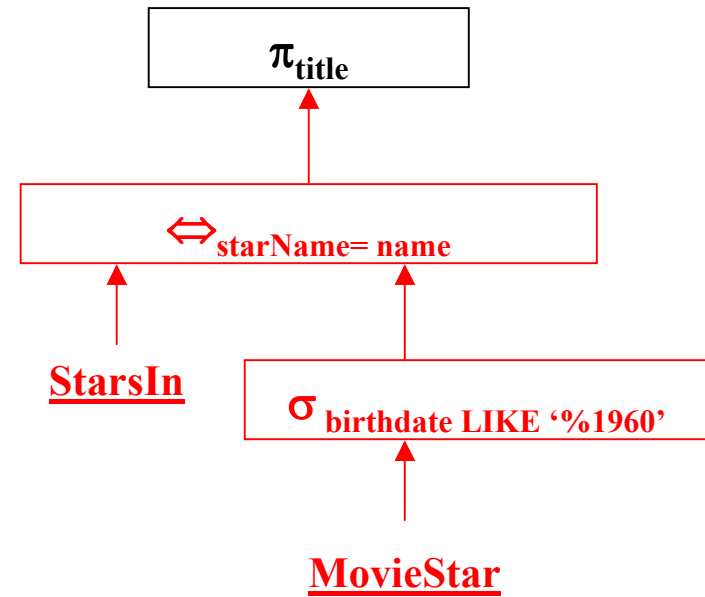
Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

Rasti filmus, kur aktoriai gimę 1960.

SELECT title FROM StarsIn, MovieStar WHERE starName = name AND birthdate LIKE '%1960'



Pradinis planas



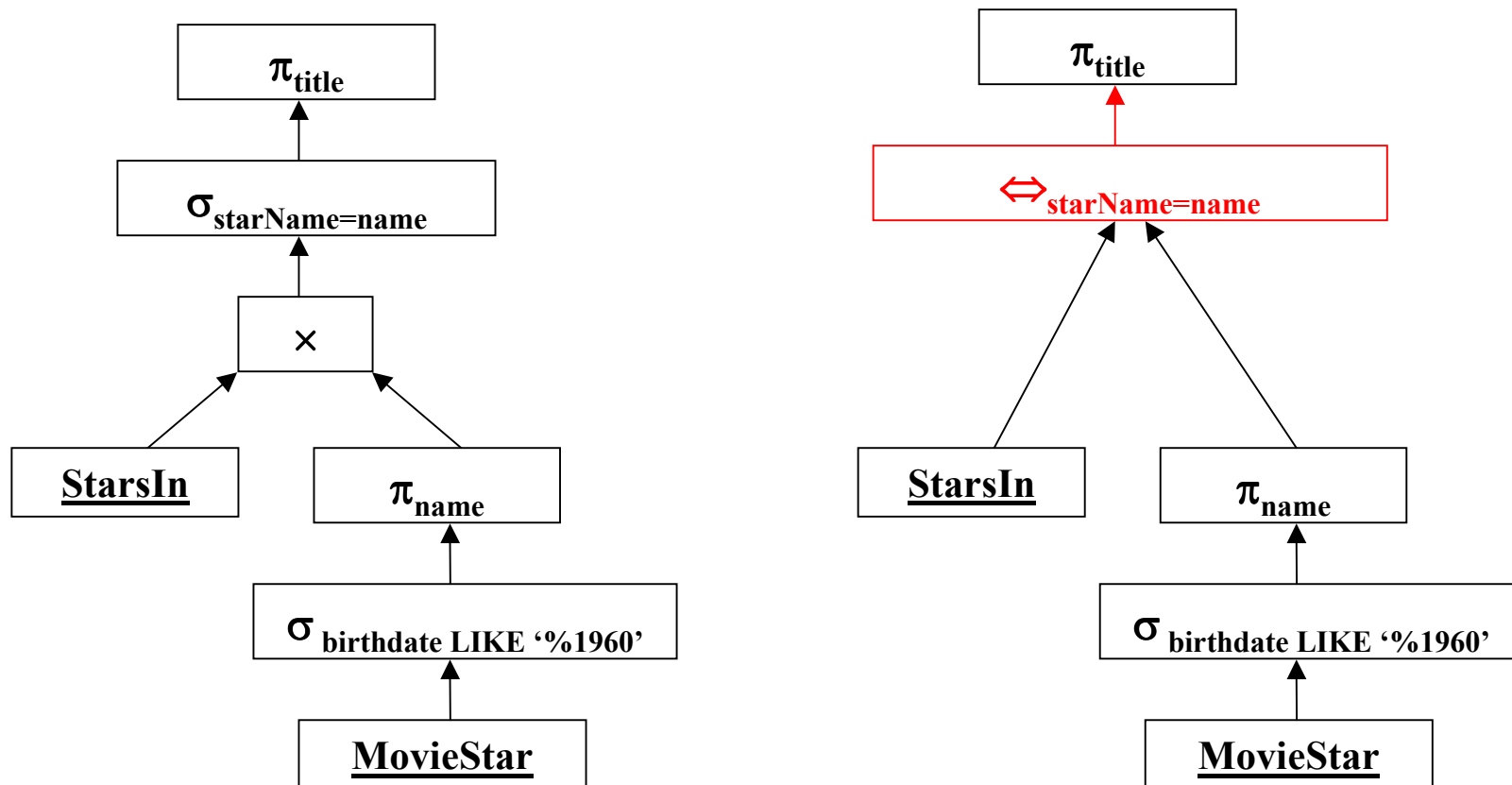
Optimizuotas planas

Pvz.: MovieStar (name, addr, gender, birthdate), StarsIn (title, year, starName)

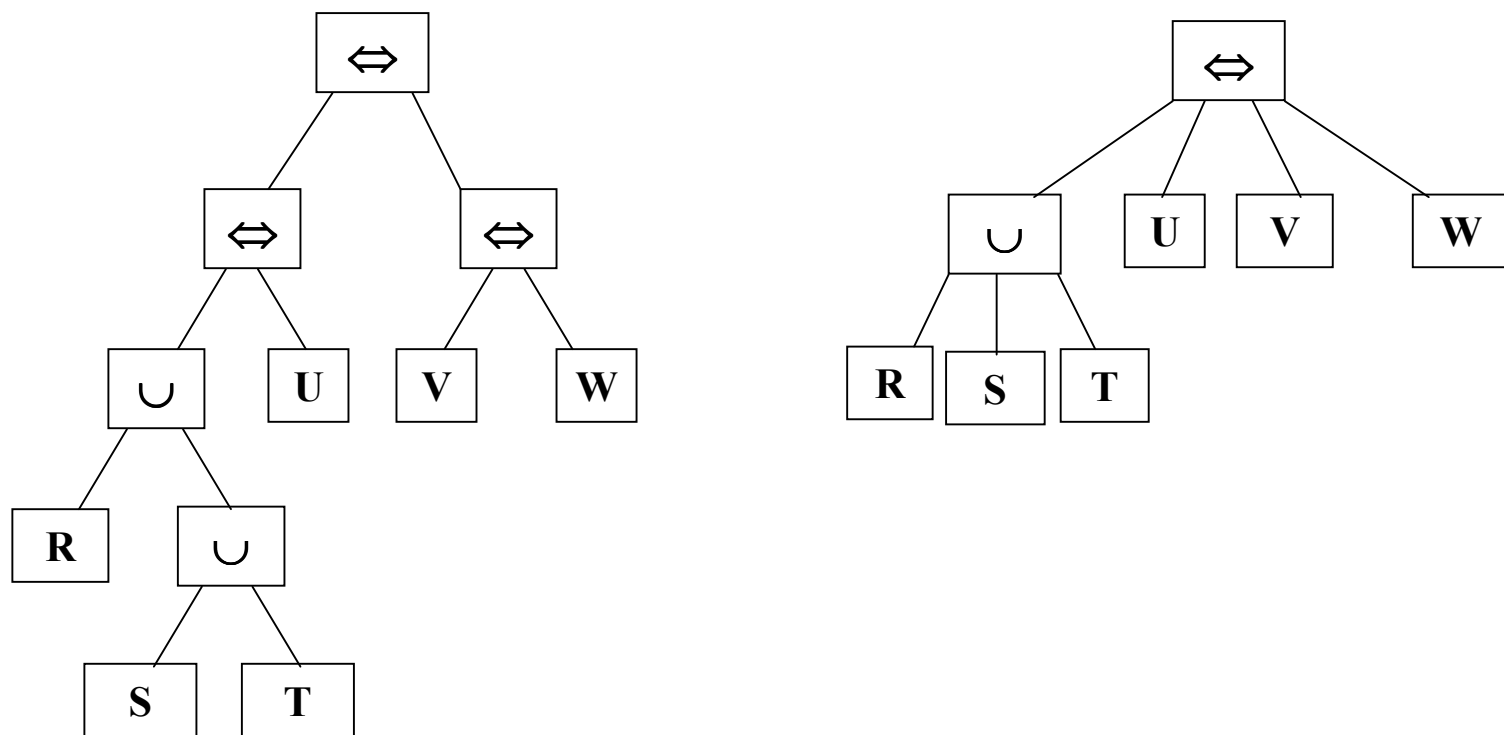
Rasti filmus, kur aktoriai gimę 1960.

SELECT title FROM StarsIn WHERE starName IN

(SELECT name FROM MovieStar WHERE birthdate LIKE '%1960')



Pvz.: Komutatyvių/asociatyvių operatorių grupavimas



FIZINIS UŽKLAUSOS PLANAS

7. Fizinio užklauso plano operatoriai

Fizinis operatorius (physical operator) – yra loginio plano algebrinių operatorių realizuojantis algoritmas. Taip pat fizinis operatorius gali būti su algebriniu operatoriumi nesusijęs veiksmas, kaip pvz. lentelės skanavimas iš antrinės atminties (secondary memory), ir jos įrašymas į pagrindinę atmintį (main memory).

7.1 Lentelės skanavimo (Table Scanning) fiziniai operatoriai

Lentelės skanavimas – yra jos turinio nuskaitymas iš antrinės atminties ir įrašymas į pagrindinę atmintį. Reikalingas veiksmas atliekant užklausas, pvz. sudarant dviejų lentelių sąjungą (union).

Yra du pagrindiniai įrašų radimo (locating) būdai:

7.1.1 Lentelės skanavimas (table-scan) – lentelės įrašai saugomi antrinėje atmintyje blokuose, duomenys į pagrindinę atmintį yra nuskaitymi po vieną bloką. Sistema turi turėti info apie visus blokus.

7.1.2 Indekso skanavimas (index-scan) – kai lentelės duomenys yra pasiekiami skanuojant lentelės ideksą, pvz.: reto indekso (sparse index) pagalba galima lengvai rasti ir nuskaityti lentelės blokus su įrašais. Šis metodas ypač efektyvus, kai reik nuskanuoti įrašus, atitinkančius pateiktas sąlygas, nors ir tiksliai nežinome kuriuose būtent blokuose yra reikalingi duomenys.

7.1.3 Rūšiavimas skanavimo metu (sort-scan)

Nemažai algebrinių operacijų yra reikalingi surūšiuoti argumentai.

Fizinis operatorius sort-scan kaip parametrus gauna lentelę R ir laukus, pagal kuriuos turi būti rūšiuojama, o grąžina surūšiuotą R .

Yra keli sort-scan įdiegimo/veikimo būdai:

- Jei lentelės R laukui a yra sudarytas indekso B-medis, arba R yra saugoma kaip index-sequential failas, išrūšiuotas pagal lauką a , tuomet skanuojant indeksą (index-scan) galima iš karto gauti surūšiuotus įrašus.
- Jei lentelė R yra maža ir telpa pagrindinėje atmintyje (main memory), visi įrašai table-scan arba index-scan pagalba įrašomi pagrindinėje atmintyje, yra nemažai efektyvių rūšiavimo pagrindinėje atmintyje algoritmų.
- Jei lentelė R netelpa pagrindinėje atmintyje, galima pasinaudoti multiway-merging'u (2.3.3 skyrius). Tačiau surūšiuota R nerašoma atgal į diską, o sudaromas vienas surūšiuotas R blokas, kai tik prireikia R įrašų.

8. Fizinių operatorių veikimo įvertinimas

Fizinio operatoriaus parametrai (lentelės) yra saugomi diske, rezultatas saugomas pagrindinėje atmintyje, ir išvedamas į išvedimo įrenginį (output).

Fizinio operatoriaus “kainą” vertinsime **disko I/O operacijų skaičiumi**, nes pasiekti įrašams diske reikia žymiai daugiau laiko, negu darbui su duomenimis, jau esančiais pagrindinėje atmintyje.

Fizinių operatorių įvertinimo **parametrai**:

- **M** – pagrindinėje atmintyje telpančių buferių skaičius, kurį gali naudoti operatorius. Šie buferiai yra naudojami laikyti operatoriaus įeinančius parametrus ir tarpinius rezultatus. M gali būti visa atmintis, arba tik dalis, jei tuo pat metu dalį pagrindinės atminties naudoja kiti procesai.
- **B(R)** – blokų skaičius diske, reikalingas saugoti lentelę **R**. Lentelės duomenys paprastai yra nuskaitomi po vieną bloką. Tada galima įvertinti, kad **I/O operacijų skaičius bus B**.
- **T(R)** – lentelės **R** įrašų skaičius. Jei lentelės įrašai yra paskirstyti tarp kitos lentelės įrašų, lentelės duomenys bus nuskaitomi ne po bloką, o po vieną įrašą. Tada galima įvertinti, kad **I/O operacijų skaičius bus T**.
- **V(R,[a1,...,an])** – skirtingų įrašų pagal laukus a_1, \dots, a_n skaičius, t.y. $\delta(\pi_{a_1, \dots, a_n}(\mathbf{R}))$.

8.1 Scan-operatoriu ivertinimas

<u>I/O-operacijų skaičius</u>	R klasterizuota (saugoma blokais)	R neklasterizuota (irašai pasiskirste tarp kitos lentelės iraišu)
<u>table-scan</u>	B	T
<u>sort-scan</u> Jei lentelė R tepla pagrindineje atmintyje , nuskaityti visa R i pagrindine atminti, ir pagrindineje atmintyje atlikti rušivima.	B	T
<u>sort-scan</u> Jei lentelė R netepla pagrindineje atmintyje , naudojamas multiway-merging'as (atliekamas 2 - faziu skanavimas).	3B (B - operacijų nuskaityti R i pirm. atminti, B - iraišyti surušiuotus blokus i sublist'us diske, B – nuskaityti blokus iš sublist'u suliejimui)	T+2B (T - operacijų nuskaityti R i pirm. atminti, B - iraišyti surušiuotus blokus i sublist'us i diska, B - nuskaityti sublist'us, jei sublist'ai saugomi blokais)
<u>index-scan</u> apima indekso skanavima ir R skanavima. taciau R skanavimas užima žymiai daugiau negu indekso skanavimas, todėl iverti lemia R skanavimas.	B	T

9. Iteratoriai (iterators)

Daugelis fiziniu operatoriu gali buti aprašyti kaip iteratoriai.

Iteratorius – triju funkciju grupe, kuri per iteracija gražina po viena irąša:

Open – inicializuoja nuorodas i duomenu strukturas (lenteles), su kuriomis bus dirbama, pradeda irąšo gavimo procesa, bet irąšo negražina.

GetNext – gražina sekanti irąša, arba pranešima, kad daugiau irąšu nera.

Close – baigia iteracini irąšu skaitymo procesa, t.y. Close iškvieciamas kiekvienam operatoriaus argumentui (skanuojamai lentelei).

Pvz.: Table-scan operatorius. Tegu R – klasterizuota lentele (saugoma blokuose).

<pre>Open (R) { b := pirmas R blokas ; t := pirmas R bloko irąšas ; Found := TRUE ; } <i>// b ir t – nuorodos</i></pre>	<pre>GetNext(R) { IF (t yra už paskutinio bloko b irąšo) { b := next block ; IF (nera kito bloko){ Found := FALSE ; RETURN ; } ELSE t := pirmas bloko b irąšas ; oldt := t ; t := next record of b ; RETURN oldt ; } } <i>// gražina vieną irąšą</i></pre>	<pre>Close(R) {}</pre>
---	--	-------------------------------

9. Iteratoriai (iterators) - tesinys

Pvz.: Sort-scan operatorius. Tegu R – klasterizuota lentelė, netelpanti pagrindinėje atmintyje.

Šiai lentelėi reikia taikyti dviejų skanavimo fazių **multiway merge-sort** algoritma.

Rezultatas gaunamas tik nuskanavus visus R įrašus.

Šiuo atveju:

Open() turi atlikti tokius veiksmus:

- Nuskaityti R įrašus į grupes, kurių dydis lygus pagrindinės atminties dydžiui, jas surašyti, ir įrašyti į diską.
- Inicializuoti duomenų struktūrą antrajai sujungimo (merge) fazei. Iš kiekvienos grupės užkrauti po pirmąjį bloką į pirmąją atmintį.

GetNex() atlieka sujungimą (merge). Kai baigiasi vienas iš blokų, vietoj jo į pirmąją atmintį užkraunamas sekantis blokas.

10. Algoritmu klasifikacija

Transformuojant logini užklauso plana i fizini, svarbus žingsnis yra kiekvienam operatoriui parinkti optimalu algoritma.

Algoritmai skirstomi i 3 tipus:

- **Sorting-based** metodai
- **Hash-based** metodai
- **Index-based** metodai

Šie algoritmai skirstomi i **3 sudetingumo klases**:

- **One-pass** – duomenys iš disko nuskaityti viena karta. Dažniausiai naudojami, kai bent vienas iš operatoriaus argumentu (lenteliu) pilnai telpa pirmineje atmintyje;
- **Two-pass** - duomenys iš disko nuskaityti du kartus. Dažniausiai naudojami, kai operatoriaus argumentai (lenteles) netelpa pirmineje atmintyje. Pvz multiway merge-sort algoritmas.
- **Three, more-passes** – kai dirbama su labai dideliais duomenu kiekiais. Tai dažniausiai yra rekursyvus two-pass algoritmo panaudojimas.

11 One-pass algoritmai

Operacijos, pagal tai, kokie one-pass algoritmai jas realizuoja, skirstomos i 3 grupes:

- **Tuple-at-a-time, unarines operacijos** . Šioms operacijoms (selection σ ir projection π) nereikia visus duomenis užkrauti i pirmine atminti iškartu. Duomenys yra nuskaitomi po viena bloka.
- **Full-relation, unarines operacijos** . Šioms operacijoms (grouping γ ir distinct δ) reikia visus duomenis ar didele ju dali užkrauti i pirmine atminti iškartu. Todel šie algoritmai dirba su dydžio $\leq M$ lentelėmis.
- **Full-relation, binarines operacijos** . Šioms operacijoms (union \cup , intersection \cap , difference $-$, join \Join , product \times) reikia, kad bent vieno iš argumentu dydis butu $\leq M$.

11.1 One-pass algoritmai Tuple-at-a-time unarinems operacijoms

Tuple-at-a-time operacijoms duomenys i pirmine atminti nuskaitomi po viena bloka, atliekama reikalinga unarine operacija (selection $\sigma(\mathbf{R})$ ar projection $\pi(\mathbf{R})$), ir rezultatas paduodamas i išvedimo buferi (output buffer).

Reikalavimas: $M \geq 1$,

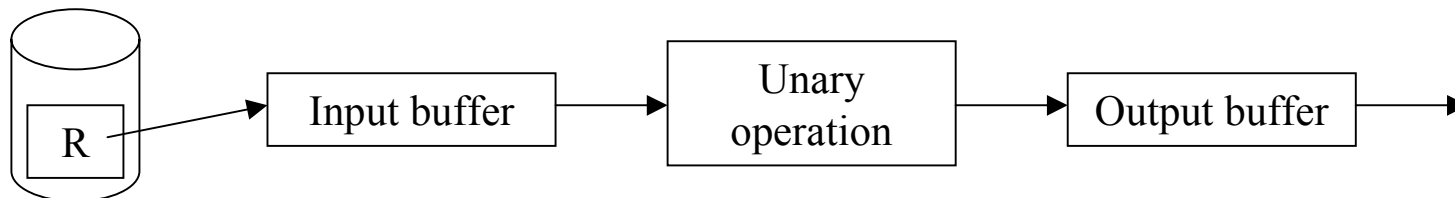
t.y. kad i atminti tilptu bent vienas blokas, nepriklausomai nuo bendro bloku skaciaus B.

I/O operaciju skaicius naudojant table-scan arba index-scan:

Jei R klasterizuota: **B**

Jei R neklasterizuota: **T**

Jei selection $\sigma(\mathbf{R})$ operacija atliekama pagal lauka, kuris turi indeksa, naudojant index-scan algoritma galima žymiai pagreitinti rezultato radima.



11.2 One-pass algoritmai Full-relation Unarinems operacijoms

Full-relation unarinems operacijoms reikia visus duomenis ar didelę jų dalį užkrauti į pirmine atmintį iškart. Todėl šie algoritmai dirba su dydžio $\leq M$ lentelėmis.

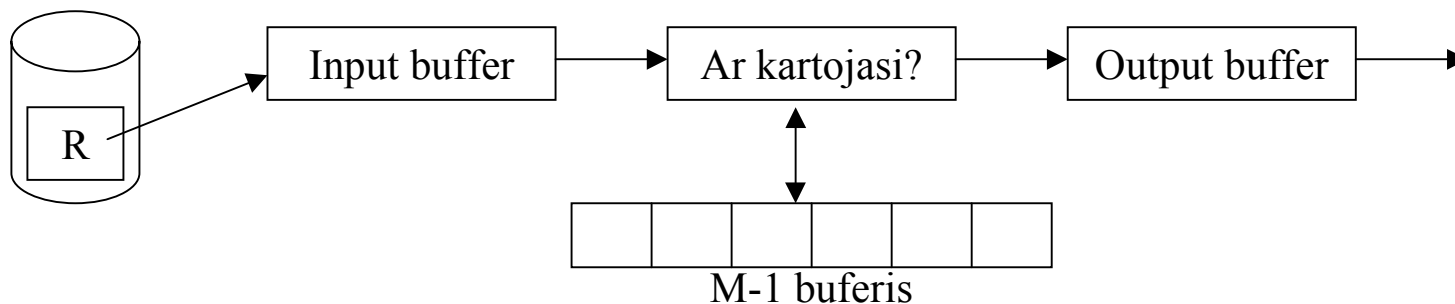
Duplicate elimination δ

Duomenys nuskaityti po bloka. Kiekvienam įrašui atliekamas patikrinimas:

1. Jei įrašas nesutampa su iki šiol matytais, jis kopijuojamas į output'ą ir į buferio atmintyje, kur laikoma po viena kiekvieno jau matyto įrašo kopija.
2. Jei įrašas sutampa su iki šiol matytu, jis atmetamas.

Nauja įrašą reik palyginti su kiekvienu jau matytu įrašu buferyje. Siekiant pagreitinti šią operaciją galima jau matytus įrašus laikyti greitai paieškai ir iterpimui tinkama struktūra, kaip hash lentelės arba subalansuoti binariniai paieškos medžiai. **I/O operacijų skaičius: B .**

Taigi 1 pirminės atminties blokas naudojamas laikyti nuskaitytą R bloka, likę $(M-1)$ blokai naudojami laikyti po vieną R įrašų kopiją: **$B(\delta(R)) \leq M-1$.**



11.2 One-pass algoritmai Full-relation Unarinems operacijoms - tesinys

Grupavimas $\gamma(R)$

Duomenys nuskaitomi po bloka. Kiekvienai grupei pirmineje atmintyje sukuriamas atitinkamas irrašas, sudarytas iš lauku, pagal kuriuos grupuojama, ir lauku, kuriems skaiciuojamos agregacines išraiškos. Kiekvienam nuskaitomam irrašui iš naujo apskaiciuojama agregacine išraiška:

- **MIN()** ir **MAX()** atveju yra atliekamas palyginimas tarp esancios toje grupėje reikšmes ir naujai nuskaityto lauko reikšmes.
- **COUNT()** atveju atitinkamoje grupėje reikšme padidinama 1-tu.
- **SUM()** atveju atitinkamoje grupėje prie esancios reikšmes pridedama naujai nuskaityto lauko reikšme.
- **AVG()** atveju reikia atmintyje laikyti COUNT ir SUM agregacines reikšmes. Nuskaicius visus **R** irrašus, jas padalinti.

I/O operaciju skaicius: B.

Tarp M ir B nera akivaizdaus saryšio, bet dažniausiai buna $M < B$.

11.3 One-pass algoritmai Full-relation Binarinems operacijoms

Bag Union $R \cup_B S$

Randama paprastai: pradžioj nuskaitomi ir nukopijuojami i output'a visi R iršai, po to S iršai.

I/O operacijų skaicius: $B(R)+B(S)$.

M ir B pakanka saryšio: $M=1$ nepriklausomai nuo $B(R)$ ir $B(S)$ dydžiu.

Kitos binarines operacijos (union \cup , intersection \cap , difference $-$, join \leftrightarrow , product \times)

Šioms operacijoms reikia, kad bent vieno iš argumentų dydis butu $\leq M$: **$\min(B(R),B(S))\leq M$.**

Vienas pirmos atminties buferis naudojamas naujai nuskaitytiems iršų blokams laikyti, like $M-1$ buferiai naudojami laikyti mažesne lentele.

Nukopijavus mažesni argumenta (pvz lentele S) i pirmine atminti, reikia atlikti ivairius palyginimus su naujai nuskaitomais R iršais. Todel lentele S patogiu laikyt greitai paieškai ir iterpimui patogia struktura, kaip hash lenteles arba subalansuoti binariniai paieškos medžiai.

I/O operacijų skaicius: $B(R)+B(S)$.

One-pass algoritmu apibendrinimas

Operatorius	Reikalingas M	Diskinių I/O operacijų skaičius
σ, π	$1 \leq M$	B
δ, γ	$B(R) \leq M$	B
$\cup, \cap, -, \Leftrightarrow, \times$	$\min(B(R), B(S)) \leq M$	$B(R) + B(S)$

12 Two-pass rušiavimo (sorting) algoritmai

Two-pass rušiavimo principas:

3 pagrindiniai žingsniai:

- Iš disko į pirmine atminti nuskaitoma lentelės R M bloku. Duomenys pirmineje atmintyje surušiuojami;
- Surušiuoti duomenys irrašomi į M bloku diske. Šie duomenys sudaro lentelės R surušiuotus sublist'us (sorted sublists).
- Sorted sublist'ai nuskaitomi iš disko, atliekant reikalingas operacijas ir suliejimą (merge). Rezultatas kopijuojamas į output'a.

Naudojami, kai operatoriaus argumentai (lentelės) netelpa pirmineje atmintyje.

12.1 Dupliacate elimination $\delta(R)$ naudojant two-pass rušivimą

- Iš lenteles sudarome sorted sublist'us diske:

Pvz.: $R=\{2,5,2,1,2,2,4,5,4,3,4,2,1,5,2,1,3\}$, bloka sudaro 2 iraišai, $M=3$.

$$R=\{\{1,2,2,2,2,5\},\{2,3,4,4,4,5\},\{1,1,2,3,5\}\}$$

- Iš kiekvieno sorted list'o nukopijuojame po pirmąjį bloką ir pirmine atmintimi. Iš kiekvieno bloko pirmineje atmintyje imame po pirmą iraišą surašiuota tvarka, t.y. 1-tas iš **R1**.
- Pirmąjį iraišą, t.y. 1-tą kopijuojame į outputą, ir ištriname iš visu atmintyje esančių blokų.
- Dabar pirmasis iraišas yra 2-tas, jį kopijuojame į outputą, ir ištriname iš visu atmintyje esančių blokų.

Sublist	Pirmineje atmintyje	Diske
R1	12	22, 25
R2	23	44, 45
R3	11	23, 5

Sublist	Pirmineje atmintyje	Diske
R1	2	22, 25
R2	23	44, 45
R3	23	5

Sublist	Pirmineje atmintyje	Diske
R1	5	
R2	3	44, 45
R3	3	5

Šie žingsniai kartojami, kol perskaitomi visi sublistai.

I/O operacijų skaičius: 3B

(B - operacijų nuskaityti **R**, B - iraišyti sublist'us į diską, B - nuskaityti sublist'us)

B ir M sąryšis: $B \leq M^2$

(t.y. negali būti daugiau negu M sublistų, bei tarus, kad kiekvienas sublist'as turi po M blokų).

12.1 Grupavimas $\gamma(R)$ naudojant two-pass rušiavimą

- Iš lentelės R sudaromi sorted sublist'ai diske;
- Iš kiekvieno sorted list'o nukopijuojame po pirmąjį bloką į pirmą atmintį. Iš kiekvieno bloko pirmoje atmintyje imame po pirmą įrašą surašiuota tvarka (mažiausia įrašų) t , kuris atstovaus grupei.
- Pagal šį įrašą t randame visuose blokuose atitinkamus įrašus ir suskaiciuojame agregacines išraiškas. Ištriname iš visų bloku įrašą t atitinkancius įrašus.
- Jei kuris buferis pasidarė tuščias, vietoj jo iš disko užkraunamas kitas įrašų blokas iš atitinkamo sublist'o.
- Šie žingsniai kartojami, kol perskaitomi visi sublist'ai.

I/O operacijų skaičius: $3B$

(B - operacijų nuskaityti R , B - įrašyti sublist'us į diską, B - nuskaityti sublist'us)

B ir M sąryšis: $B \leq M^2$

(t.y. negali būti daugiau negu M sublistu, bei turės, kad kiekvienas sublist'as turi po M bloku).

12.1 Union $R \cup S$ naudojant two-pass rušiavimą

Bag \cup_B sąjungai rasti geriausia naudoti one-pass algoritma, kuris lenteles įrašus nuskaityto po viena kartą, nepriklausomai nuo lentelės dydžio.

Set \cup_S sąjungai rasti one-pass algoritmas tinka tik kai bent vienas iš argumentu (lentelių) pilnai telpa pirmineje atmintyje. Jei taip nėra, naudojamas **two-pass algoritmas**:

- Lentelems R ir S atskirai sudarome sorted sublist'us diske;
- Iš kiekvieno R ir S sorted sublist'o nukopijuojame po pirmąjį bloką į pirmąją atmintį. Iš kiekvieno bloko pirmineje atmintyje imame po pirmą įrašą surašiuota tvarka (mažiausia įrašų) t .
- Pirmąjį įrašą t kopijuojame į outputą, ir ištriname iš visų R ir S bloku.
- Jei kuris buferis pasidaro tuščias, vietoj jo iš disko užkraunamas kitas įrašų blokas iš atitinkamo sublist'o.
- Šie žingsniai kartojami, kol perskaitomi visi sublistai.

I/O operacijų skaičius: $3 (B(R) + B(S))$

(B - operacijų skaičius lentelei, B - įrašyti sublist'us į diską, B - nuskaityti sublist'us)

B ir M sąryšis: $B(R)+B(S)\leq M^2$

(t.y. negali būti daugiau negu M sublistų, bei turės, kad kiekvienas sublist'as turi po M bloku).

12.1 Sankirta $R \cap S$ ir skirtumas $R - S$, naudojant two-pass rušiavimą

Bag ir Set atvejais two-pass algoritmas yra toks pat:

- Lentelems R ir S atskirai sudarome sorted sublist'us diske;
- Iš kiekvieno R ir S sorted list'o nukopijuojame po pirmąjį bloką ir pirmine atmintimi. Iš kiekvieno bloko pirmineje atmintyje imame po pirmą irąsą surašiuota tvarka (mažiausia irąsa) t .
- **$R \cap_S S$ (set):** Pirmąjį irąsą t kopijuojame į outputą, jei jis yra ir R ir S blokuose, ir ištriname iš visu atmintyje esančių R ir S bloku.
- **$R \cap_B S$ (bag):** Pirmąjį irąsą t kopijuojame į outputą $\min(\#R \text{ blokai}, \#S \text{ blokai})$ kartu, ir ištriname iš visu atmintyje esančių R ir S bloku.
- **$R -_S S$ (set):** Pirmąjį irąsą t kopijuojame į outputą, jei jis yra R blokuose, bet nėra S blokuose, ir ištriname iš visu atmintyje esančių R ir S bloku.
- **$R -_B S$ (bag):** Pirmąjį irąsą t kopijuojame į outputą $(\#R \text{ blokai}) - (\#S \text{ blokai})$ kartu, ir ištriname iš visu atmintyje esančių R ir S bloku.
- Jei kuris buferis pasidarė tuščias, vietoj jo iš disko užkraunamas kitas irąsų blokas iš atitinkamo sublist'o.
- Šie žingsniai kartojami, kol perskaitomi visi sublistai.

I/O operacijų skaičius: $3B(R) + 3B(S)$

(B - operacijų nuskaityti lentelę, B - irąšyti sublist'us į diską, B - nuskaityti sublist'us)

B ir M sąryšis: $B(R) + B(S) \leq M^2$

(t.y. negali būti daugiau negu M sublistų, bei tarus, kad kiekvienas sublist'as turi po M bloku).

12.1 Sankirta $R \cap S$ ir skirtumas $R - S$, naudojant two-pass rušiovimą

Pvz.: $R = \{2, 5, 2, 1, 2, 2, 4, 5, 4, 3, 4, 2\}$ $S = \{1, 5, 2, 1, 3\}$, bloka sudaro 2 iraišai, $M = 3$.

Rasime $R -_B S$:

- Iš lentelės sudarome sorted sublist'us diske:

$$R = \{\{1, 2, 2, 2, 2, 5\}, \{2, 3, 4, 4, 4, 5\}\}, S = \{1, 1, 2, 3, 5\}$$

- Iš kiekvieno sorted list'o nukopijuojame po pirmąjį bloką ir pirmine atmintimi. Iš kiekvieno bloko pirmineje atmintyje imame po pirmą iraišą surašiuota tvarka, t.y. 1-tas iš $R1$.
- Kadangi 1-tas R blokuose pasikartoja 1 kartą, o S blokuose 2 kartus ($\#R - \#S < 0$), šis iraišas nekopijuojamas į outputą, ir ištrinamas iš visu atmintyje esančiu bloku.
- Dabar pirmasis iraišas yra 2-tas. Jį kopijuojame į outputą ($\#R - \#S = 5 - 1 = 4$) kartus, ir ištriname iš visu bloku.
- Ir t.t.
- Rezultatas bus: 2, 2, 2, 2, 4, 4, 4, 5.

Sublist	Pirminėje atmintyje	Diske
R1	12	22, 25
R2	23	44, 45
S1	11	23, 5

Sublist	Pirminėje atmintyje	Diske
R1	2	22, 25
R2	23	44, 45
R3	23	5

Sublist	Pirminėje atmintyje	Diske
R1	5	
R2	3	44, 45
R3	3	5

12.1 Join $R \leftrightarrow S$ naudojant two-pass rušivimą

$R(X,Y)$, $S(X,Y)$ – lentelės, jungiamos pagal lauką Y .

$R \leftrightarrow S$ naudojamas **two-pass algoritmas**:

- Lentelė R surušiujama pagal lauką Y multiway merge sort algoritmu ir irrašoma i diską;
- Lentelė S surušiujama pagal lauką Y multiway merge sort algoritmu ir irrašoma i diską;
- Surušiutu R ir S apjungimas:
- Iš surušiuto R i pirmine atminti nuskaitomas pirmas blokas.
- Iš surušiuto S i pirmine atminti nuskaitomas pirmas blokas.
- Iš šiu bloku pirmineje atmintyje randamas irrašas su mažiausia lauko Y reikšme y .
- Jei kitoje lentelėje pirmojo irrašo laukas Y nelygus y , visi lentelių irrašai, kur $Y=y$, išmetami iš atitinkamu bloku.
- Jei kitoje lentelėje pirmojo irrašo laukas Y lygus y , iš disko nuskaitomi visi R ir S irrašai, kur $Y=y$, ir i output'a paduodami visi irrašai sudaryti sujungus kiekviena R irrašą, kur $Y=y$, su kiekvienu S irrašu, kur $Y=y$.
- **Salyga: atmintyje turi tilpti visi R ir S irrašai, kur $Y=y$.**
- Jei kuris buferis pasidaro tuščias, vietoj jo iš disko užkraunamas kitas irrašu blokas iš atitinkamos surušiutos lentelės.
- Šie žingsniai kartojami, kol perskaitomos visos surušiutos lentelės.

12.1 Join $R \leftrightarrow S$ naudojant two-pass rušiavimą - tesinys

I/O operacijų skaičius: $5 (B(R) + B(S))$

(multiway merge sort algoritmui reik $4B$: B - operacijų nuskaityti lentelės blokus į pirmine atmintį rušiavimui, B - įrašyti surušiuosius blokus į diską, B - nuskaityti surušiuosius blokus iš disko ir sujungti (merge), B – įrašyti sujungtus surušiuosius blokus į diską,

5-tas B – surušioutu lentelių blokai nuskaityti iš disko, kad daryti Join sujungimą).

B ir M sąryšis: $B(R) \leq M^2$, $B(S) \leq M^2$ - multiway merge sort algoritmui

Atliekant Join sujungimą dydis M nėra viršijamas, todėl bendram iverciui itakos neturi.

Jei egzistuoja $Y=y$ reikšmė, kad visi R ir S įrašai, kur $Y=y$ kartu netelpa pirmineje atmintyje,

galimi du atvejai:

- Jei vienos lentelės visi $Y=y$ įrašai telpa atmintyje, pav lentelės R , juos surašome į $M-1$ pirminės atminties bloką. Į likusį bloką užkraunam po vieną S lentelės bloką. Tada įrašams $Y=y$ atliekamas one-pass join'as (nagrinetas 11.3).
- Jei ne vienos lentelės $Y=y$ įrašai netelpa pirmineje atmintyje, taikomi kiti algoritmai, kurie bus nagrinėjami vėliau.

12.2 Efektyvesnis Join $R \leftrightarrow S$ radimo **SORT-JOIN** algoritmas

$R(X,Y)$, $S(X,Y)$ – lentelės, jungiamos pagal lauką Y .

$R \leftrightarrow S$ naudojamas **Sort-Join algoritmas**:

- Lentelėms R ir S atskirai sudaromi sorted sublist'ai diske.
- **Pagrindine salyga, kad bendras sublist'u skaičius neviršytu M .**
- Iš kiekvieno surašiuoto sublist'o (R ir S lentelių) i pirmine atminti nuskaitoma po pirmaji bloka.
- Iš šiu bloku pirmineje atmintyje randamas irasas su mažiausia lauko Y reiksme y .
- Abieju lenteliu blokuose randami $Y=y$ irasai, i output'a paduodami suristi visi $Y=y$ irasai is R su irasais is S .
- Jei kuris buferis pasidaro tuščias, vietoj jo is disko uzkraunamas kitas irasu blokas is atitinkamos surašiuotos lenteles.
- Šie žingsniai kartojami, kol perskaitomos visos surašiuotos lenteles.

I/O operaciju skaicius: $3 (B(R) + B(S))$

(B - operaciju nuskaityti lenteles blokus i pirmine atminti rušivimui, B - irasyti surašiuotus blokus sublist'us diske, B - nuskaityti surašiuotus blokus is disko ir sujungti (join) paduoti i output'as).

B ir M saryšis: $B(R) + B(S) \leq M^2$ - multiway merge sort algoritmui

13. Sort-based algoritimų apibendrinimas:

Operatorius	Reikalingas M	Diskinių I/O operacijų skaičius
δ, γ	$B \leq M^2$	$3B$
$\cup, \cap, -$	$B(R) + B(S) \leq M^2$	$3 (B(R) + B(S))$
\Leftrightarrow	$B(R) \leq M^2,$ $B(S) \leq M^2$	$5 (B(R) + B(S))$
\Leftrightarrow	$B(R) + B(S) \leq M^2$	$3 (B(R) + B(S))$

14 Two-pass hash algoritmai

Algoritmai naudojami, kai operatoriaus argumentai (lenteles) netelpa pirmineje atmintyje.

Irašai hash funkcijos pagalba suskirstomi i hash grupes:

Parenkamas hash parametras taip, kad iršams pritaikius hash funkcija visi ta pati hash parametra atitinkantys iršai bus vienoje grupėje.

Toliau dirbama ne su iršais, o su vienu arba dviem bucket'ais. Taigi operandu dydis sumažinamas nuo iršų skaičiaus (lenteleje) iki bucket'u skaičiaus.

Lenteles skaidymo hash pagalba rušavimo principas:

Tegu h – hash funkcija, kurios argumentas yra lenteles iršas.

Lentele R suskaidysime i $M-1$ panašaus dydžio bucket'a.

Kiekviena iš $M-1$ buferio pirmineje atmintyje susiesim su bucket'u. Paskutiniame M -ajame buferyje bus saugomas nuskaitytas lenteles R blokas.

- Kiekvienam R iršui t paskaiciuojama hash funkcija $h(t)$. Iršas t nukopijuojamas i $h(t)$ reikšme atitinkanti buferi pirmineje atmintyje (salyga, kad iršas telpa buferyje).
- Jei kuris buferis užsipildo, jo turinys nukopijuojamas i diska, buferis ištuštinamas ir pradedamas pildyti iš naujo.
- Nuskaicius visus R iršus, pirmineje atmintyje esantys netušti buferiai su paskutiniais iršais kopijuojami i diska.

Lenteles skaldymo i buket'us algoritmas:

Initialize M-1 buckets using M-1 emty buffers;

FOR each block b of R DO {

 read block b into M-th buffer

 FOR each tuple t in b DO {

 if buffer for bucket h(t) has no room for t THEN {

 copy buffer to disk;

 initialize emty block in that buffer;

 }

 copy t to buffer for bucket h(t);

 }

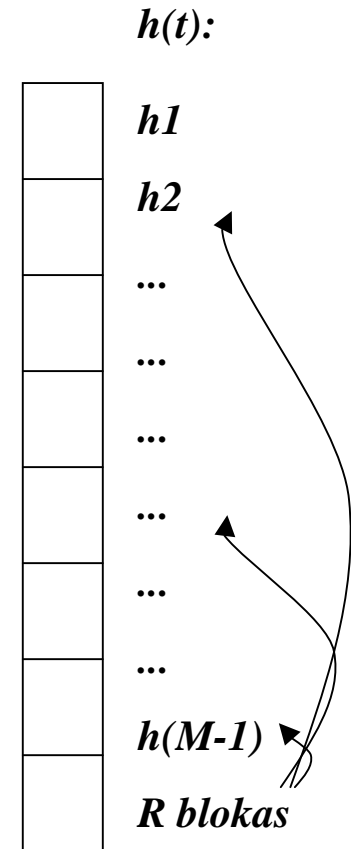
}

FOR each bucked h DO {

 IF buffer for bucket h is not empty THEN

 write the buffer to disk;

}



14.1 Hash algoritmas *Duplicate elimination* $\delta(R)$ operacijai

- Lentelė R suskaidoma į $M-1$ bucket'ą. Akivaizdu, kad dvi to paties įrašo kopijos priklausys tam pačiam bucket'ui;
- Kiekvienam bucket'ui R_i atskirai taikoma operacija δ . Šiai operacijai atlikti galima pasinaudoti one-pass algoritmu. Algoritmui reikia, kad kiekvienas bucketas R_i tilptų pirmineje atmintyje.
- Imama gautu rezultatu $\delta(R_i)$ sąjunga;

Kiekviename bucket'e R_i yra apie $B(R)/(M-1)$ bloku.

One-pass algoritmas veiks, jei: $B(R)/(M-1) \leq M$

Kadangi $M \sim M-1$, turime **B ir M** inverti: $B(R) \leq M^2$

Diskinių I/O-operacijų skaičius: $3B(R)$

(B - operacijų nuskaityti lentelės blokus į pirmine atminti hash suskaidymui, B - įrašyti kiekvieno bucket'o blokus į diską, B - nuskaityti kiekvieno bucketo blokus iš disko one-pass δ algoritmui, eliminuojant pasikartojancius įrašus).

14.2 Hash algoritmas **Grupavimo $\gamma(R)$ operacijai**

- Lentelė R suskaidoma į $M-1$ bucket'ą. Kad vienos grupės įrašai patektų į tą patį bucket'ą, hash funkcija parenkama priklausanti nuo lauku, pagal kuriuos vyksta grupavimas;
- Kiekvienam bucket'ui R_i atskirai taikoma operacija γ . Šiai operacijai atlikti galima pasinaudoti one-pass algoritmu. Algoritmui nebūtina, kad kiekvienas bucketas R_i tilptų pirmineje atmintyje, pakanka, kad atmintyje tilptų jau sugrupuoti bucket'o įrašai (t.y. kiekviena grupė atstovauja po vieną įrašą).
- Imama gautu rezultatu $\gamma(R_i)$ sąjunga;

Kiekviena bucket'ą galima apdoroti atmintyje, jei: $B(R_i) \leq M^2$

Kiekviename bucket'e R_i sugrupavus jo įrašus yra apie $B(R_i) = B(R)/N$ bloku, kur N **vidutinis įrašų vienoje grupėje skaičius atlikus grupavimą**.

One-pass algoritmas veiks, jei: $B(R)/N \leq M^2$

Turime B ir M iverti: $B(R) \leq M^2 N$

Diskiniu I/O-operacijų skaičius: $3B(R)$

(B - operacijų nuskaityti lentelės blokus į pirmine atminti hash suskaidymui, B - įrašyti kiekvieno bucket'o blokus į diską, B - nuskaityti kiekvieno bucketo blokus iš disko one-pass grupavimo γ algoritmui).

14.3 Hash algoritmas **Sajungai $R \cup S$, Sankirtai $R \cap S$ ir Skirtumui $R - S$**

Abiem lentelėm turi būti taikoma ta pati hash funkcija

- Lentelės R ir S suskaidomos į $M-1$ bucket'ą : $R_1 \dots R_{M-1}$ ir $S_1 \dots S_{M-1}$;
- Kiekvienami porai R_i ir S_i taikoma atitinkama operacija sąjunga $R_i \cup S_i$, sankirta $R_i \cap S_i$ arba skirtumas $R_i - S_i$. Šiai operacijai atlikti galima pasinaudoti one-pass algoritmu. Algoritmui reikia, kad kiekvienas bucketas R_i tilptu pirmineje atmintyje.
- Imama gautu rezultatu sąjunga;

Kiekviename bucket'e R_i yra apie $B(R_i) = B(R)/(M-1)$ bloku, S_i yra apie $B(S_i) = B(S)/(M-1)$ bloku.

One-pass algoritmas veiks, jei: $\min (B(R)/(M-1), B(S)/(M-1)) \leq M$

Kadangi $M \sim M-1$, turime B ir M iverti: $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$

Diskiniu **I/O-operacijų skaičius: $3 (B(R) + B(S))$**

(B - operacijų nuskaityti vienos lentelės blokus į pirmine atminti hash suskaidymui, B - išrašyti kiekvieno bucket'o blokus į diską, B - nuskaityti kiekvieno bucketo blokus iš disko one-pass algoritmui).

14.4 Hash algoritmas **Join $R \leftrightarrow S$ operacijai**

$R(X,Y)$, $S(X,Y)$ – lentelės, jungiamos pagal lauka(-us) Y .

- Lentelės R ir S suskaidomos į $M-1$ bucket'ą : $R_1 \dots R_{M-1}$ ir $S_1 \dots S_{M-1}$;
- Hash funkcija parenkama priklausanti nuo lauku Y , pagal kuriuos vyksta ryšio sudarymas, kad ryšio sudaryme dalyvaujantys įrašai patektų į atitinkamai R_i ir S_i bucket'us;
- Kiekvienai porai R_i ir S_i taikoma join operacija \leftrightarrow . Šiai operacijai atlikti galima pasinaudoti one-pass algoritmu. Algoritmui reikia, kad kiekvienas bucketas R_i tilptų pirmineje atmintyje.
- Imama gautu rezultatu sąjunga.

Kiekviename bucket'e R_i yra apie $B(R_i) = B(R)/(M-1)$ bloku, S_i yra apie $B(S_i) = B(S)/(M-1)$ bloku.

One-pass algoritmas veiks, jei: $\min (B(R)/(M-1), B(S)/(M-1)) \leq M$

Kadangi $M \sim M-1$, turime **B ir M** iverti: $\min(B(R), B(S)) \leq M^2$

Diskiniu **I/O-operacijų skaičius: $3 (B(R) + B(S))$**

(B - operacijų nuskaityti vienos lentelės blokus į pirmine atminti hash suskaidymui, B - įrašyti kiekvieno bucket'o blokus į diską, B - nuskaityti kiekvieno bucketo blokus iš disko one-pass algoritmui).

13. Hash algoritmų apibendrinimas:

Operatorius	Reikalingas M	Diskinių I/O operacijų skaičius
δ, γ	$B \leq M^2$	$3B$
$\cup, \cap, -$	$\min(B(R), B(S)) \leq M^2$	$3 (B(R) + B(S))$
\Leftrightarrow	$\min(B(R), B(S)) \leq M^2$	$3 (B(R) + B(S))$

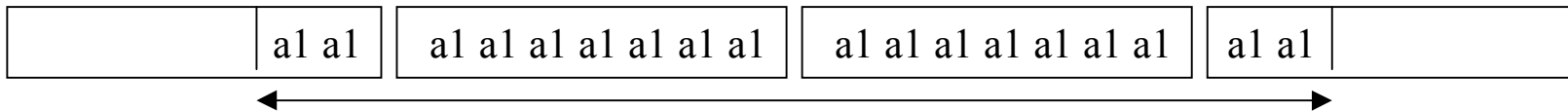
15 Index-based algoritmai

Šie algoritmai ypatingai naudingi select operacijoms.

Klasteriniai ir neklasteriniai indeksai:

Lentelė yra klasterizuota, jei jos įrašai yra išsidėstę blokais.

Indeksas vadinamas klasteriniu, jei jis yra tokio lauko indeksas, kad įrašai su fiksuotomis to lauko reikšmėmis yra išsidėstę kaip galima mažesniame bloku skaičiuje, t.y. vienos reikšmės įrašai išsidėstę tame pačiame arba gretimuose blokuose.



15.1 Index-based algoritmas **selection** $\sigma(R)$ operacijai

Kai lentelėje nėra indekso one-pass algoritme selection $\sigma(R)$ operacijai duomenys į pirmą atmintį nuskaitymi po vieną bloką, iš bloko atrenkami sąlyga tenkinantys įrašai, ir rezultatas paduodamas į išvedimo buferį (output buffer). Reikalavimas: $M \geq 1$, t.y. kad į atmintį tilptų bent vienas blokas. I/O operacijų skaičius: jei R klasterizuota B , jei R neklasterizuota T .

Kai lentelėje laukas a turi indeksą, ir selection $\sigma(R)$ operacija atliekama su sąlyga $a=v$, galima paieška taikyti indeksui (index-scan). Rezultate bus greitai gautos visos nuorodos į reikiamus įrašus.

Jei lauko a indeksas klasterinis, tai I/O operacijų skaičius: $B(R)/V(R,a)$

Jei lauko a indeksas neklasterinis, įrašai gali būti skirtinguose blokuose, tai I/O operacijų skaičius: $T(R)/V(R,a)$

15.2 Index-based algoritmas $join R \leftrightarrow S$ operacijai

$R(X,Y)$, $S(X,Y)$ – lentelės, jungiamos pagal lauką Y . Lentelė S turi indeksą laukui Y .

- Nuskaitomas kiekvienas R blokas.
- Kiekvienam R įrašui reik rasti visus ryšyje dalyvaujancius įrašus iš S , pasinaudojant S lentelės indeksu laukui Y .

Jei B klasterizuota, jos nuskaitymui reikia $N1 = B(R)$ I/O-operacijų.

Jei B neklasterizuota, jos nuskaitymui reikia $N1 = T(R)$ I/O-operacijų.

Tada kiekvienam R įrašui t reikia nuskaityti vidutiniškai:

$N2 = R(S)/V(S,Y)$ įrašų iš S , jei indeksas klasterinis;

$N2 = T(S)/V(S,Y)$ įrašų iš S , jei indeksas neklasterinis;

Bendras I/O-operacijų skaičius: $N1 * N2$.

15.3 Sorted-Index algoritmas $join R \leftrightarrow S$ operacijai

$R(X,Y)$, $S(X,Y)$ – lentelės, jungiamos pagal lauką Y . Lentelės R arba/ir S turi sorted-indeksa laukui Y . Pvz, kai indeksas yra B-medis.

Galima gauti iškarto surašiuotus duomenis:

1. Jei lentelės R turi sorted-indeksa laukui Y , lentelė S neturi:

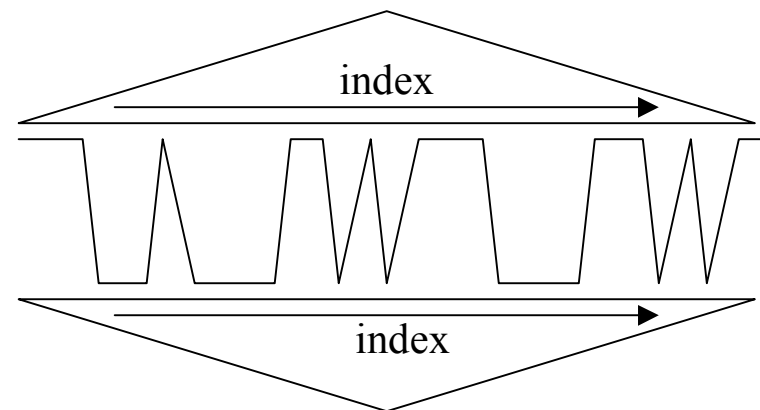
$R \leftrightarrow S$ surasti, galima atlikti standartini sort-join algoritma. Tačiau remiantis sorted-indeksu nebereikia tarpiniuose žingsniuose atlikti duomenų rušiavimo pagal Y lauką.

2. Jei lentelės R ir S turi sorted-indeksa laukui Y :

$R \leftrightarrow S$ surasti, uždavinys dar supaprasteja, galima atlikti tik paskutini sort-join algoritmo žingsnį.

Šis metodas vadinamas **zig-zag-join**, kadangi reikia šokinėti tarp indexų, ieškant Y reikšmių, kurias turi abi lentelės. Jei indeksas yra B-medis, reikia skanuoti B-medžio lapus iš kairės į dešinę.

Be to lentelės R įrašai su tomis Y reikšmėmis, kurių nėra lentelėje S , niekada nėra nuskaitomi. Ir atvirkščiai. Dėl to sumažėja I/O operacijų skaičius



16 Multi-pass algoritmai

Kai duomenų yra daug ir netelpa pirmineje atmintyje, pagrindinė ideja rekursyviai panaudoti two-pass algoritmus.

16.1 Multipass Sort-based algoritmai:

R - lentelė. M – pirmos atminties buferių skaičius.

Jeigu R netelpa į M blokus, suskirstyti lentelės R blokus į M grupių: R_1, \dots, R_M .

Rekursyviai išrušiuoti kiekvieną iš grupių R_i .

1. Jei reikia atlikti rušiavimo operaciją, sulieti gautus M surušiuotus sublistus.
2. Jei reikia atlikti distinct operaciją, iš output'ų iš sublistų nukopijuoti po vieną kiekvieno įrašo kopiją
3. Jei reikia atlikti grupavimą, grupuoti įrašus pagal nurodytus laukus.

Atliekant binarines operacijas (sąjunga, sankirta, skirtumas) veiksmai analogiškai, tik reikia kiekvieną iš lentelių R ir S blokus suskirstyti į M surušiuotų sublistų.

FIZINIS UŽKLAUSOS PLANAS

17. Fizinio užklauso plano sudarymas

Turime optimalų loginį planą. Jį reik paversti fiziniu planu, kuris bus pateiktas užklauso vykdymo mechanizmui.

Tuo tikslu reikia mokėti įvertinti ir parinkti optimalius fizinius metodus kiekvienai operacijai.

17.1 Selection $\sigma_C(R)$ metodo parinkimas

Tegu lentelėje R laukai a ir b turi indeksus.

Turime <Condition> pavidalo: $\langle a = 10 \rangle$ AND $\langle b < 20 \rangle$

1. Table-scan algoritmo įvertinimas (nuskanuojama lentelė, atrenkami sąlygą tenkinantys įrašai):

(a) $B(R)$ jei R – klasterizuota, (b) $T(R)$ jei R - neklasterizuota

- Algoritmo index-scan, kuris parenka įrašus su sąlyga $a=10$ ir patikrina, ar tenkinama likusi sąlygos dalis, kai laukas a turi indeksą, įvertinimas:

(a) $B(R)/V(R,a)$ jei indeksas – klasterinis, (b) $T(R)/V(R,a)$ jei indeksas – neklasterinis

3. Algoritmo index-scan, kuris parenka įrašus su sąlyga $b < 20$ ir patikrina, ar tenkinama likusi sąlygos dalis, kai laukas b turi indeksą, įvertinimas:

• $B(R)/3$ jei indeksas – klasterinis, (b) $T(R)/3$ jei indeksas – neklasterinis

čia daroma statistinė prielaida, kad paprastai nelygė gražina $1/3$ įrašų.

17.2 Join $R \leftrightarrow S$ metodo parinkimas

Nagrinėtų Join algoritmų įvertinimas rėmėsi tuo, kad žinome kiek pirminės atminties bloku galima naudoti operacijai, ir koks $V(R,a)$ skaičius. Tačiau realiai iš anksto šie parametrai nėra žinomi.

Algoritmo pasirinkimo kriterijai (analogiškai parenkama ir binarinėms operacijoms kaip sąjunga, unarinėms kaip grupavimas ir duplicate elimination operacijoms):

- **One-pass Join** – galima naudoti tik tikintis, kad pirminėje atmintyje yra pakankamai laisvų buferių.
- **Sort-Join** – naudoti, kai:
 - Viena ar abi lentelės yra surūšiuotos pagal lauką, pagal kurį daromas surišimas.
 - Kai pagal tą patį lauką daromi keli surišimai: $(R(a,b) \leftrightarrow S(a,c)) \leftrightarrow T(a,d)$

kur surūšiuojant R ir S, rezultatas $R \leftrightarrow S$ irgi bus surūšiuotas pagal a , kuo galima pasinaudoti atliekant antrąjį sort-join surišimą.

- **Index-join** - naudoti, kai sąryšis $R(a,b) \leftrightarrow S(a,c)$ daromas pagal lauką a , kuris turi indeksą.
- **Hash-join** – patartina naudoti, kai nėra galimybes naudoti surūšiuotas lenteles, ir nėra indeksu, nes ir išraiškų nuskaitymai priklauso nuo mažesnio argumenti (lenteles), o ne nuo abiejų argumentu.

18. Pipelining principas

Vykdam užklauso planą, operatoriai vykdomi iš eilės einančia tvarka. Iškart po vieno operatoriaus rezultatas turėtų būti įrašomas į diską, ir saugomas, kol jo prireiks kitam operatoriui.

Efektyvesnis būdas yra skaičiuojant užklauso planą, kelias operacijas vykdyti vienu metu. Vienos operacijos rezultate gauti įrašai iškart paduodami kitai vykdomai operacijai, šiuos tarpinius įrašus neįrašant į diską. Toks būdas vadinamas Pipelining procesu.

Teigiama: Taip smarkiai sumažinamas I/O operacijų skaičius.

Neigiama: Tuo pat metu pirmine atmintimi naudojasi kelio operacijos.