

1. Polinomai .

Aritmetiniai veiksmai su polinomais redukcijos pagalba. Pavyzdys.

Suskaičiuosime $p(x) = p_1(x) \cdot p_2(x)$, čia $p_1(x) = 5x + 2$, $p_2(x) = 8x^2 + 3$.

Polinomo $p(x)$ laipsnis lygus 3.

Polinomo $p(x)$ koeficientai yra intervale $[0, 40]$. Todėl parenkame pirminius taip, kad $3 \cdot 5 \cdot 7 > 40$. Pilnoji Liekany Sistema yra $\{0, 1, 2, \dots, 104 = 3 \cdot 5 \cdot 7 - 1\}$ (nes visi polinomy koeffientai yra teigiami)

$$r_3[p_1(x)] \cdot r_3[p_2(x)] = (2x + 2)(2x^2) = x^3 + x^2 \text{ mod } 3.$$

$$r_5[p_1(x)] \cdot r_5[p_2(x)] = 2 \cdot (3x^2 + 3) = x^2 + 1 \text{ mod } 5.$$

$$r_7[p_1(x)] \cdot r_7[p_2(x)] = (5x + 2)(x^2 + 3) = 5x^3 + 2x^2 + x + 6 \text{ mod } 7.$$

Tegu polinomas $p(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$. Tada

$$\begin{cases} a \equiv 1 \pmod{3} \\ a \equiv 0 \pmod{5} , \text{ išsprendus } a = 40; \\ a \equiv 5 \pmod{7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} b \equiv 1 \pmod{3} \\ b \equiv 1 \pmod{5} , \text{ išsprendus } b = 16; \\ b \equiv 2 \pmod{7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} c \equiv 0 \pmod{3} \\ c \equiv 0 \pmod{5} , \text{ išsprendus } c = 15; \\ c \equiv 1 \pmod{7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} d \equiv 0 \pmod{3} \\ d \equiv 1 \pmod{5} , \text{ išsprendus } d = 6. \\ d \equiv 6 \pmod{7} \end{cases}$$

1. Duotas polinomas $f(x) \in K[x]$ ir $c \in K$. Raskite polinomą $q(x) \in K[x]$ ir elementą $r \in K$ su kuriais teisinga lygybė

$$f(x) = (x - c)q(x) + r.$$

$$1) f(x) = 5x^5 - 4x^4 + 3x^2 - 3, K = \mathbf{Q}, c = -2; \frac{3}{2}.$$

$$2) f(x) = x^6 - 4x^5 + 3x^2 + 6x - 7, K = \mathbf{Q}, c = 2; -\frac{3}{2}.$$

$$3) f(x) = 2x^6 + 2x^4 + x^3 + x^2 + 2, K = \mathbf{Z}_3, c = 1; 2.$$

$$4) f(x) = 3x^7 + 5x^6 + 4x^4 + 3x^2 + 4x + 5, K = \mathbf{Z}_7, c = 2; 4.$$

2. HORNERio schemas pagalba raskite racionaliųsias polinomo šaknis.

1) $f(x) = 5x^5 - 7x^4 - 6x^3 - 5x^2 + 7x + 6$.

2) $f(x) = 3x^4 - 4x^3 + 10x^2 - 33x + 10$.

3. Redukcijos pagalba atlikite aritmetinius veiksmus su polinomais.

1) $(5x + 2)(8x^2 + 3)$.

2) $(5x - 2)(8x^2 + 3)$.

3) $(3x + 5)(4x^2 - 6x + 2) + (5x^2 + 7x + 3)^2$.

4) $(8x^3 + 5x + 3)(2x + 6) + (7x^2 + 4x - 5)^2$.